

一級建築士 学科本科生 構造本講義

【無料体験入学用】

過去問 項目別問題集 構造【前半】

(第1回講義用 抜粋版)

はじめに

この項目別問題集は、講義の際に必ず持参してください。

この項目別問題集は、過去12年分（平成26年から令和7年）にそれ以前の重要な問題も加えた本試験問題を掲載しています。

文章問題は○×形式、計算・図表問題は本試験と同じ択一形式とし、おおむねテキストに記載されている順番に掲載していますので、次のように学習効率が抜群です。

- ・テキスト順で効率よく学習できる
- ・文章問題は○×形式で、解ける、解けないが明確
- ・出題年度、出題傾向が一目瞭然
- ・正しい出題のされ方、誤りの出題のされ方が一目瞭然
- ・隙間時間でも勉強しやすい

〔学習の進め方〕

1. 講義を受講する。
2. 講義を受講後、その週のうちに講義範囲について、この「項目別問題集」を3回（構造、法規は2回）以上解く。
3. 各科目の講義が終わったあと、次の科目的講義期間中に、別冊の「年度別問題集」（本試験7年分、本試験と同じ形式）を解く。

これは、科目ごとに学習を進めるTACならではの最強の学習の進め方です。

「項目別問題集」で効率よく、選択肢ごとに理解を深め、「年度別問題集」で本試験での点数・実力の把握、忘れ防止、むらのない学習を図ります。

〔文章問題の見方〕

Check Box	テキストの章・節	R0607-3 →令和6年No.7肢3	★★ → 2肢出題 ★★★ → 3肢以上出題	テキストの頁数
チェック No.	問題	出題年度・番号	頻度	
	【第4章 不静定構造物】 第2節 耐震の基本理論			テキスト
□□□	建築物の固有周期は、質量が同じ場合、水平剛性が大きいほど短い。	R0607-3 R0307-2	★★	P122 A
□□□	1次の振動モードに対応する周期は、一般に、2次の振動モードに対応する周期より長い。	R0607-2 R0307-3	★★	P124 B
□□□	建築物の一次固有周期は、一般に、二次固有周期に比べて長い。	R0307-3	★★	P124 A

表現や正誤は異なるが、
ほぼ同じ論点から出題されている。

難易度
(A易、B中、C難)

〔計算・図表問題の見方〕

カテゴリ	難易度(A易、B中、C難)	Check Box	No. 1 建築物に働く力	B	H2006	出題年度・番号

目 次

第1章 建築物に働く力
計算・図表問題（択一問題） 2
第2章 静定構造物の応力
計算・図表問題（択一問題） 14
第3章 部材の性質と応力度
計算・図表問題（択一問題） 74
第4章 不静定構造物
第1節 不静定構造物の 応力と変形 154
計算・図表問題（択一問題） 154
第2節 耐震の基本理論 208
計算・図表問題（択一問題） 210

講義回数と問題番号

構造力学マスター

第1回	問題1 ~ 6	(6問)	項目別問題集(前半)
第2回	問題7 ~ 12	(6問)	
第3回	問題13 ~ 17	(5問)	
第4回	問題18 ~ 31	(14問)	
第5回	問題32 ~ 39	(8問)	
第6回	問題40 ~ 66	(27問)	
第7回	問題67 ~ 72	(6問)	
第8回	問題73 ~ 88	(16問)	
第9回	問題89 ~ 100	(12問)	
第10回	問題101 ~ 123	(23問)	

本講義

第1回	問題1 ~ 31	(31問)	項目別問題集(後半)
第2回	問題32 ~ 58	(27問)	
第3回	問題59 ~ 88	(30問)	
第4回	問題89 ~ 123	(35問)	
第5回	問題124 ~ 216	(93問)	
第6回	問題217 ~ 356	(140問)	
第7回	問題357 ~ 495	(139問)	
第8回	問題496 ~ 570	(75問)	
第9回	問題571 ~ 678	(108問)	
第10回	問題679 ~ 753	(75問)	
第11回	問題754 ~ 871	(118問)	
第12回	問題872 ~ 1051	(180問)	

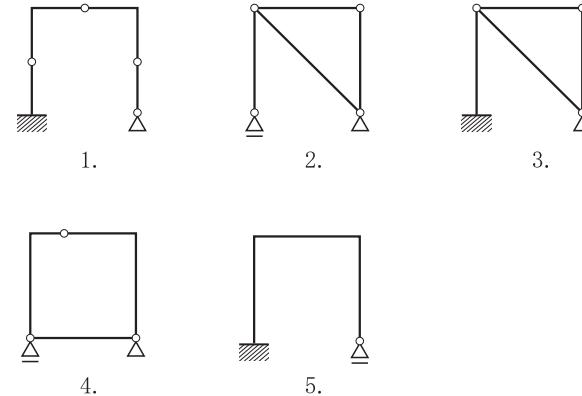
第1章

建築物に働く力

No. 1 建築物に働く力

B □□□ H2006

次の架構のうち、静定構造はどれか。



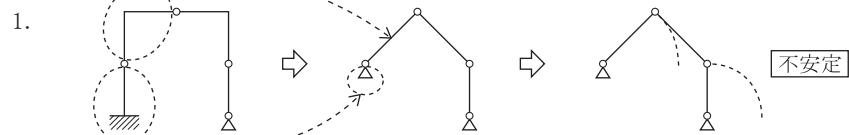
解説

設問の骨組を次図中の3つのポイントに着目して簡略化した上で、変形を予測し、又は、代表的な静定構造である片持梁（片持梁系ラーメン・片持梁系トラス）、単純梁（単純梁系ラーメン・単純梁系トラス）、3ヒンジラーメンと比較して、静定構造・不静定構造・不安定構造を判断する。

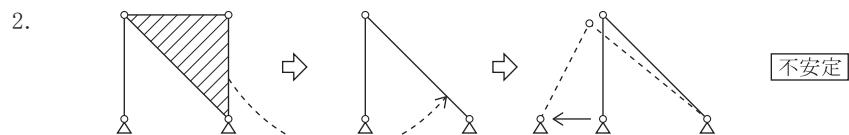
代表的な静定構造よりも固定度（図参照）が1高ければ一次不静定構造、固定度が2高ければ二次不静定構造と呼ぶ。静定構造よりも固定度が低ければ不安定構造である。



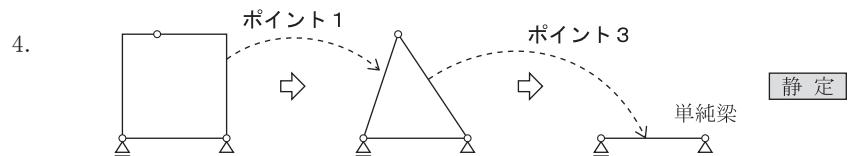
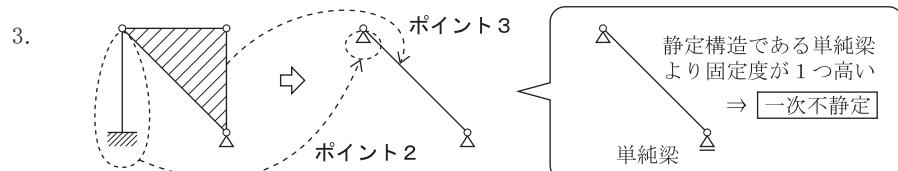
ポイント1 両端ピンのL型部材は、L型のまま移動するから、両端を結ぶ直線で考えてもよい。



ポイント2 ■は移動しないからピン△と同じ。



ポイント3 △は三角形は、三角形のまま移動するから、両端を結ぶ一本の直線と考えてもよい。

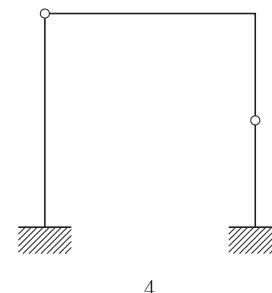
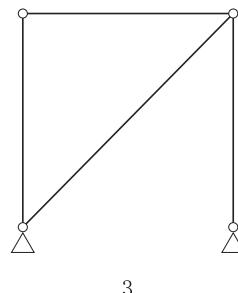
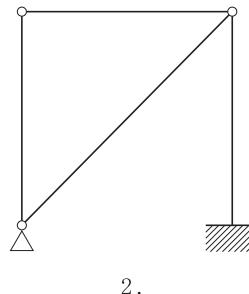
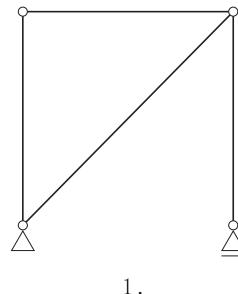


正答 4

No. 2 建築物に働く力

B □□□ R0106

次の架構のうち、静定構造はどれか。

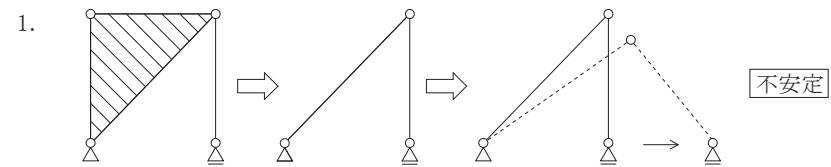


解説

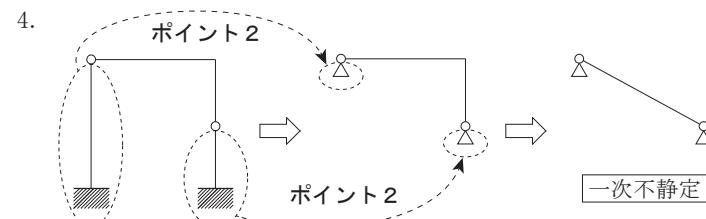
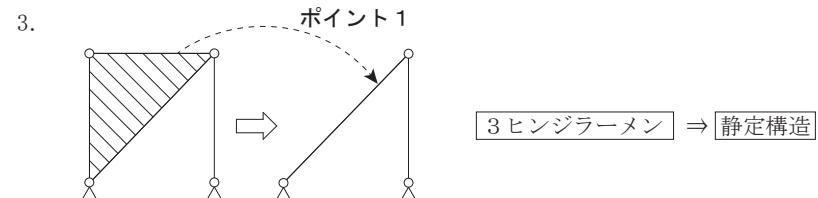
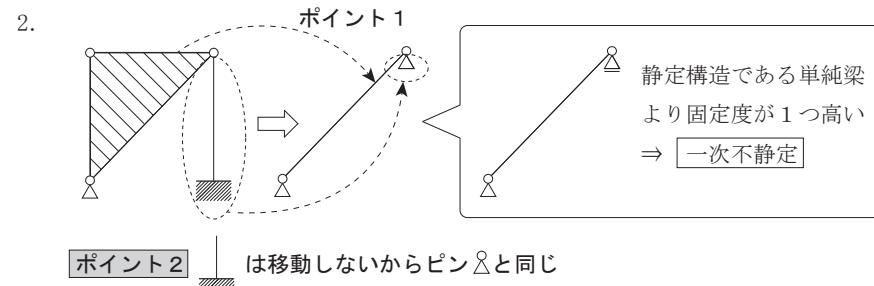
設問の骨組を次図中の3つのポイントに着目して簡略化した上で、変形を予測し、又は、代表的な静定構造である片持梁（片持梁系ラーメン・片持梁系トラス）、単純梁（単純梁系ラーメン・単純梁系トラス）、3ヒンジラーメンと比較して、静定構造・不静定構造・不安定構造を判断する。

代表的な静定構造よりも固定度（図参照）が1高ければ一次不静定構造、固定度が2高ければ二次不静定構造と呼ぶ。静定構造よりも固定度が低ければ不安定構造である。

	固定度1
	固定度2
	固定度3



ポイント1 三角形は、三角形のまま移動するから両端を結ぶ一本の直線と考えてよい。



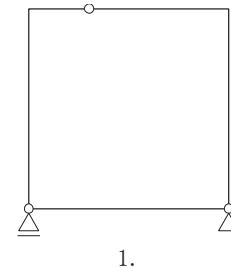
ポイント3 両端ピンのL型部材はL型のまま移動するから、両端を結ぶ直線で考えてよい。

正答 3

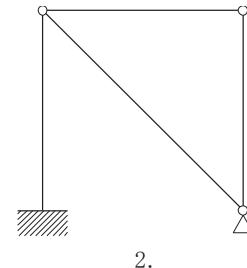
No. 3 建築物に働く力

B □□□ R0506

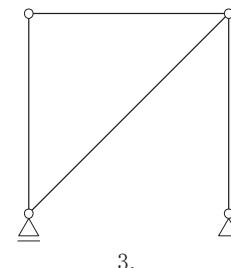
次の架構のうち、静定構造はどれか。



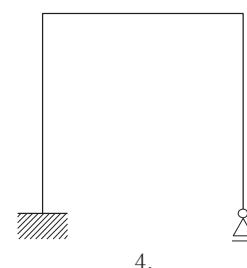
1.



2.



3.



4.

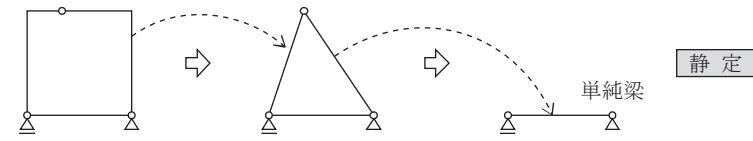
解説

設問の骨組を次図中の3つのポイントに着目して簡略化した上で、変形を予測し、又は、代表的な静定構造である片持梁（片持梁系ラーメン・片持梁系トラス）、単純梁（単純梁系ラーメン・単純梁系トラス）、3ヒンジラーメンと比較して、静定構造・不静定構造・不安定構造を判断する。

代表的な静定構造よりも固定度（図参照）が1高ければ一次不静定構造、固定度が2高ければ二次不静定構造と呼ぶ。静定構造よりも固定度が低ければ不安定構造である。

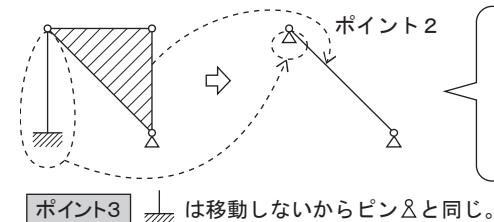


1. **ポイント1** 両端ピンのL型部材は、L型のまま移動するから、両端を結ぶ直線で考えてもよい。

**ポイント2**

△ 三角形は、三角形のまま移動するから、両端を結ぶ一本の直線と考えてもよい。

2.

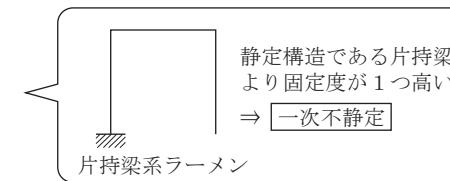
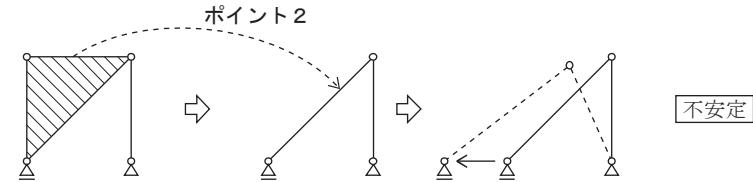
**ポイント2**

静定構造である単純梁より固定度が1つ高い
⇒ 一次不静定

ポイント3

■は移動しないからピン△と同じ。

3.



4.

静定構造である片持梁より固定度が1つ高い
⇒ 一次不静定

片持梁系ラーメン

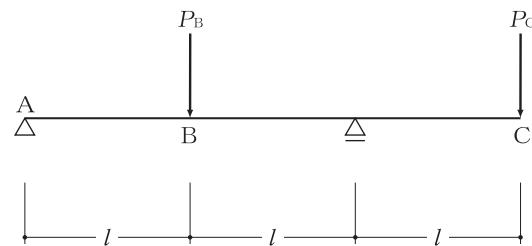
正答 1

No. 4 建築物に働く力

A □□□ H2402

図のような梁において、B点及びC点にそれぞれ集中荷重 P_B と P_C が作用する場合、支点Aに鉛直反力が生じないようにするための P_B と P_C の比として、正しいものは、次のうちどれか。

	$P_B : P_C$
1.	1 : 3
2.	1 : 2
3.	1 : 1
4.	2 : 1



解説

図のように、移動支点をD点とすると、A点に鉛直反力が生じないことから、D点のモーメントのつり合い条件式は次式になる。

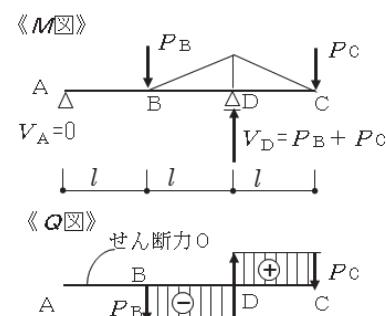
$$\sum M_D = 0 \text{ より、}$$

$$P_C \times l - P_B \times l = 0$$

$$P_C = P_B$$

$$\therefore P_B : P_C = 1 : 1$$

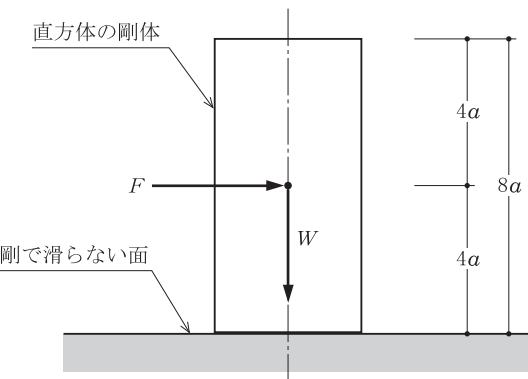
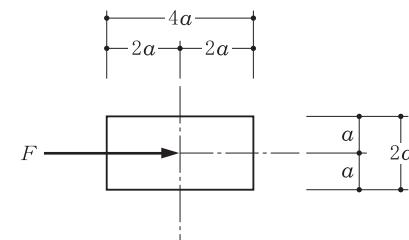
解答は3.である。



No. 5 建築物に働く力

B □□□ H2706

図のような剛で滑らない面の上に置いてある剛体の重心に漸増する水平力が作用する場合、剛体が浮き上がり始めるときの水平力 F の重力 W に対する比 $\alpha\left(=\frac{F}{W}\right)$ の値として、正しいものは、次のうちどれか。ただし、剛体の質量分布は一様とする。



1. 0.25
2. 0.50
3. 0.75
4. 1.00

解説

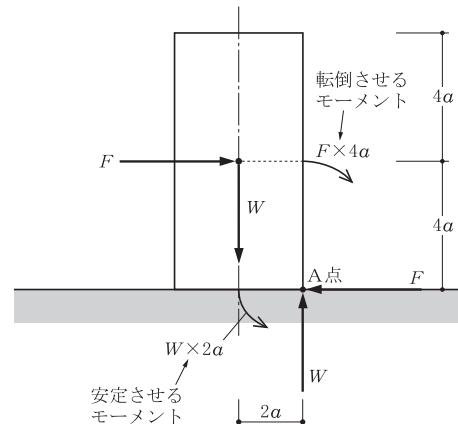
剛体が浮き上がり始めるとき、剛体に働く外力は次図のとおりであり、浮き上がり回転の中心はA点である。

剛体が浮き上がる条件は $\Sigma M_A \geq 0$ である。

$$\Sigma M_A = (F \times 4a) - (W \times 2a) \geq 0$$

$$\therefore \frac{F}{W} \geq \frac{2a}{4a} = 0.5$$

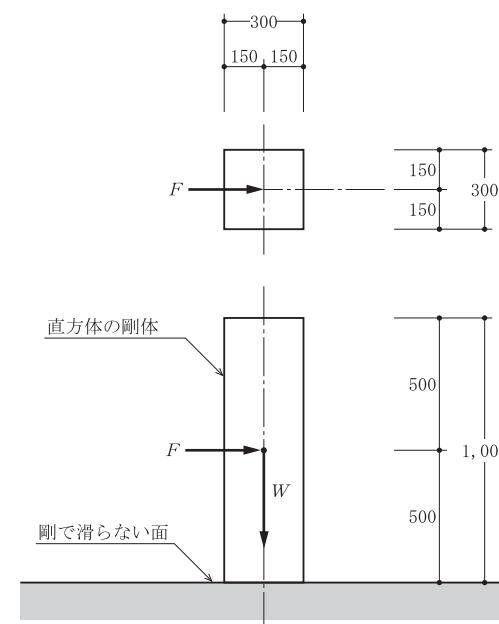
したがって、正答は2である。



No. 6 建築物に働く力

B □□□ H3006

図のような剛で滑らない面の上に置いてある直方体の剛体の重心に漸増する水平力が作用する場合、剛体が浮き上がり始めるときの水平力Fの重力Wに対する比 $\alpha (= F/W)$ の値として、正しいものは、次のうちどれか。ただし、剛体の質量分布は一様とする。



(単位：mm)

1. 0.15
2. 0.30
3. 0.45
4. 0.60

正答 2

解説

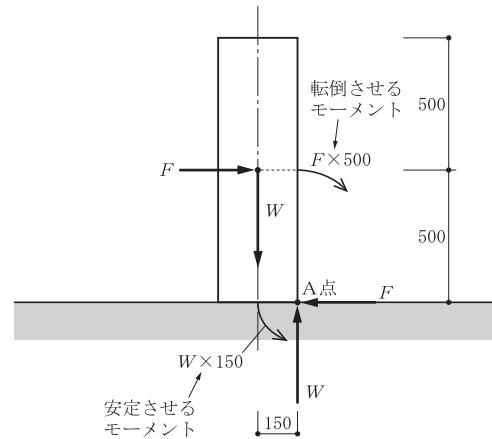
剛体が浮き上がり始めるとき、剛体に働く外力は次図のとおりであり、浮き上がり回転の中心はA点である。

剛体が浮き上がる条件は $\Sigma M_A \geq 0$ である。

$$\Sigma M_A = (F \times 500) - (W \times 150) \geq 0$$

$$\therefore \frac{F}{W} \geq \frac{150}{500} = 0.3$$

したがって、正答は2である。



第2章

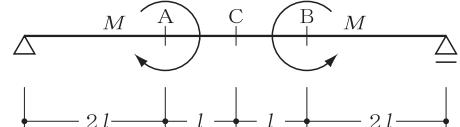
静定構造物の応力

No. 7 静定構造物の応力

A □□□ H2002

図のような梁のA点及びB点にモーメントが作用している場合、C点に生じる曲げモーメントの大きさとして、正しいものは、次のうちどれか。

1. 0
2. $\frac{1}{3}M$
3. $\frac{1}{2}M$
4. $\frac{2}{3}M$
5. M



解説

A点に右回りのモーメント荷重M、B点に左回りのモーメント荷重Mが作用する単純ばかりである。

〔反力計算〕

$$\begin{aligned}\Sigma M_E = 0 \text{ より}, \\ (\nu_D \times 6l) + M - M = 0 \\ \therefore \nu_D = 0\end{aligned}$$

〔C点の曲げモーメント M_C 〕

C点で切断した左側で計算し、C点に曲げモーメント M_C を仮定する。

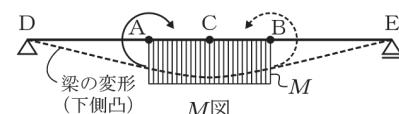
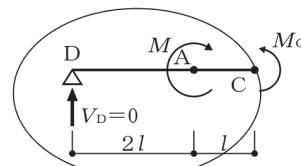
$$\Sigma M_C = 0 \text{ より}$$

$$M - M_C = 0$$

$$\therefore M_C = M \text{ (下側引張)}$$

なお、M図は、右のようになる。

正答は5である。

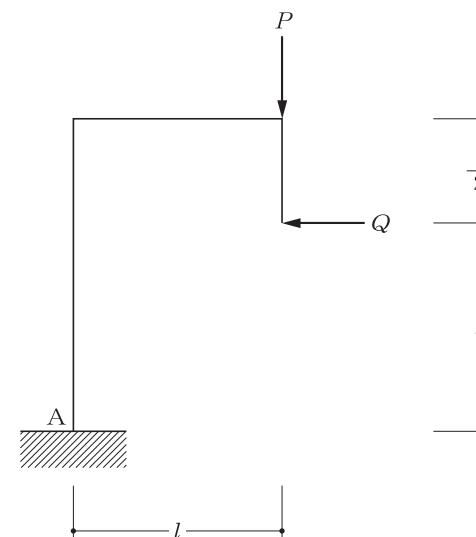


正答 5

No. 8 静定構造物の応力

A □□□ H2603

図のような鉛直荷重Pと水平荷重Qが作用する骨組において、固定端A点に曲げモーメントが生じない場合の荷重Pと荷重Qとの比として、正しいものは、次のうちどれか。



$P : Q$	
1.	1 : 1
2.	2 : 1
3.	2 : 3
4.	3 : 2

解説

片持ばかり系ラーメンの応力は、片持ちばかりと同様に、自由端側（反力のない側）の力のモーメント（力×距離）の総和を求めるべき。

この時、求める点から各力の作用線までの垂直距離の取り方に注意する。

A点の曲げモーメント M_A は、点Aの自由端側から考えて、

$$M_A = + P \times l \text{ (右回り)} - Q \times l \text{ (左回り)}$$

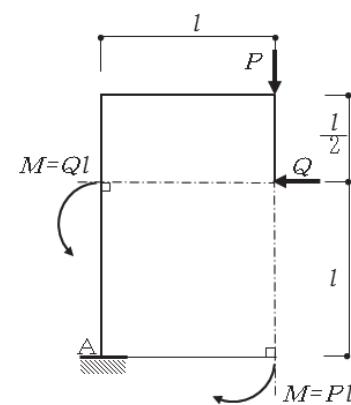
であり、ここで、 $M_A = 0$ であるから、

$$P \times l - Q \times l = 0$$

$$P = Q$$

$$\therefore P : Q = 1 : 1$$

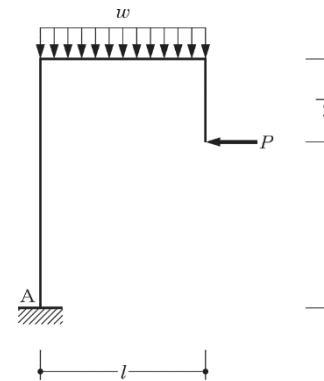
正答は1である。



No. 9 静定構造物の応力

A □□□ R0403

図のような鉛直方向に等分布荷重 w と水平方向に集中荷重 P が作用する骨組において、固定端A点に曲げモーメントが生じない場合の荷重 wl と荷重 P の比として、正しいものは、次のうちどれか。ただし、全ての部材は弾性部材とし、自重は無視する。



	$wl : P$
1.	1 : 1
2.	1 : 2
3.	2 : 1
4.	3 : 1

正答 1

解説

片持ばかり系ラーメンの応力は、片持ちばかりと同様に、自由端側（反力のない側）の力のモーメント（力×距離）の総和を求めればよい。

この時、求める点から各力の作用線までの垂直距離の取り方に注意する。

また、等分布荷重は、集中荷重に置き換えて計算する。

A点の曲げモーメント M_A は、点Aの自由端側（反力のない側）を考えて、

$$M_A = + \left(wl \times \frac{l}{2} \right) - (P \times l)$$

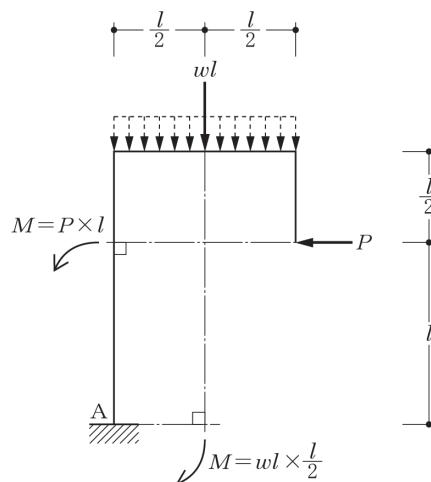
であり、ここで、 $M_A = 0$ であるから、

$$\frac{wl^2}{2} = P \times l$$

$$wl = 2P$$

$$\therefore wl : P = 2 : 1$$

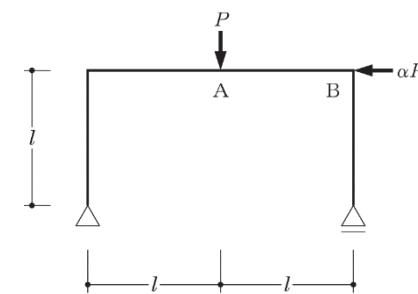
正答は3である。



No. 10 静定構造物の応力

A □□□ R0303

図のようなラーメンにおいて、A点に鉛直荷重 P 及びB点に水平荷重 αP が作用したとき、A点における曲げモーメントが0になるための α の値として、正しいものは次のうちどれか。ただし、全ての部材は全長にわたって等質等断面の弾性部材とし、自重は無視する。



1. $\alpha = \frac{1}{2}$

2. $\alpha = 1$

3. $\alpha = \frac{3}{2}$

4. $\alpha = 2$

解説

設問の条件「A点における曲げモーメントが0」から、D点の鉛直反力 V_D を求め、次にC点を中心としたモーメントのつり合い条件式から α を求める。

《反力 V_D を求める》

A点で切断した右側の力のつり合いからD点の鉛直反力を計算する。

$$\sum M_A(\text{右}) = 0 \text{ より、}$$

$$-V_D \times l = 0$$

$$\therefore V_D = 0$$

《 α を求める》

未知の反力 H_C 、 V_C が作用するC点を中心としたモーメントのつり合い条件式 $\sum M_C = 0$ より、

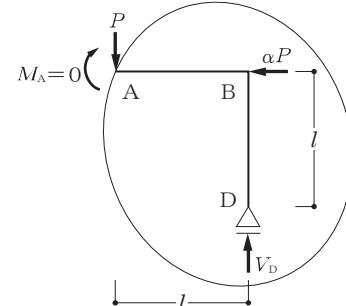
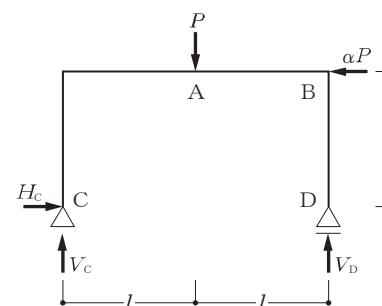
$$(P \times l) - (\alpha P \times l) - (V_D \times 2l) = 0$$

$$(P \times l) - (\alpha P \times l) - (0 \times 2l) = 0$$

$$1 - \alpha = 0$$

$$\therefore \alpha = 1$$

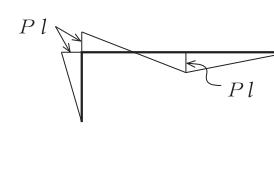
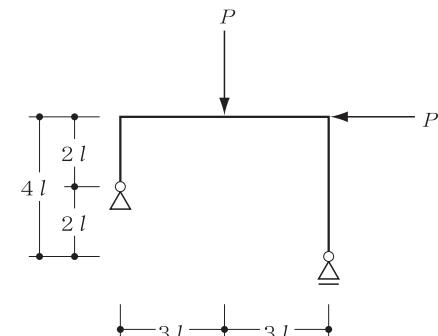
正答は2である。



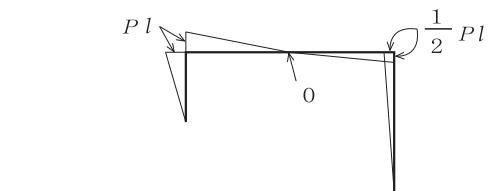
No. 11 静定構造物の応力

A □□□ H1704

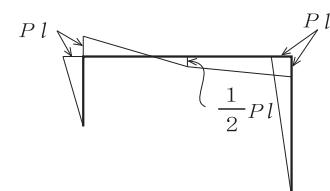
図のような荷重 P を受けるラーメンの曲げモーメント図として、正しいものは、次のうちどれか。ただし、曲げモーメント図は、材の引張側に描くものとする。



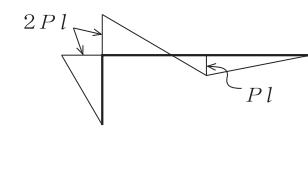
1.



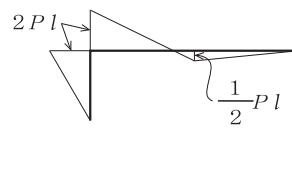
2.



3.



4.



5.

正答 2

解説

反力を求めたら、順次、片側から各点の曲げモーメントを求め、各点の曲げモーメントをつなげて、曲げモーメント図を完成させる。

《反力を仮定して求める》

$$\Sigma M_A = 0 \text{ より}, (P \times 3l) - (P \times 2l) - (V_B \times 6l) = 0$$

$$\therefore V_B = \frac{1}{6}P \text{ (上向き)}$$

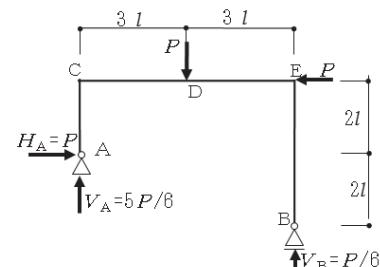
$$\Sigma Y = 0 \text{ より}, V_A + V_B - P = 0$$

$$V_A + \frac{1}{6}P - P = 0$$

$$\therefore V_A = \frac{5}{6}P \text{ (上向き)}$$

$$\Sigma X = 0 \text{ より},$$

$$H_A - P = 0 \quad \therefore H_A = P \text{ (右向き)}$$



《各点の曲げモーメント》

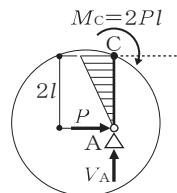
A点、C点、D点、E点、B点の曲げモーメントを求める。A点、B点はピンなので、 $M_A = 0$ 、 $M_B = 0$ 。

・ M_C

C点で切断した下側で計算する。 $\Sigma M_C = 0$ より、

$$M_C - (P \times 2l) = 0$$

$$\therefore M_C = 2Pl \text{ (柱左側引張)}$$



D点で切断した右側で計算する。 $\Sigma M_D = 0$ より、

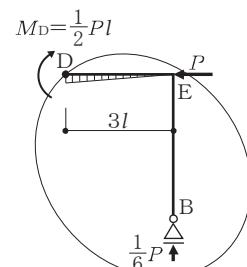
$$M_D - \left(\frac{1}{6}P \times 3l \right) = 0$$

$$M_D = \frac{1}{2}Pl \text{ (梁下側引張)}$$

・ M_E

B支点に水平反力が生じないため $M_E = 0$

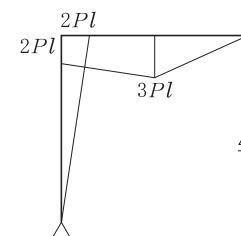
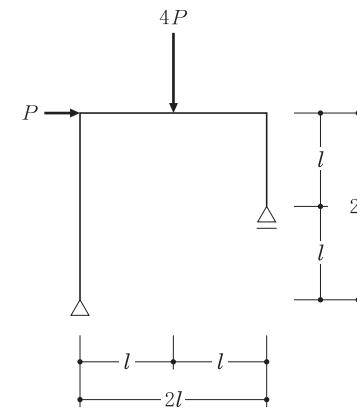
正答の曲げモーメント図は5である。



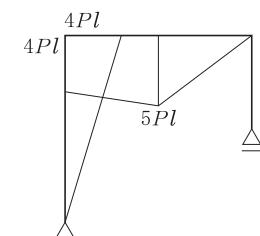
No. 12 静定構造物の応力

A □□□ H2903

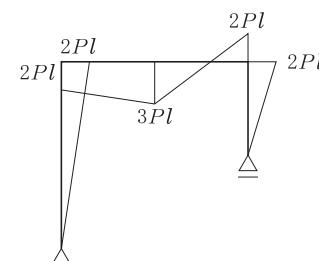
図のようなラーメンに鉛直荷重4P及び水平荷重Pが作用したときの曲げモーメント図として、正しいものは、次のうちどれか。ただし、曲げモーメント図は、材の引張側に描くものとする。



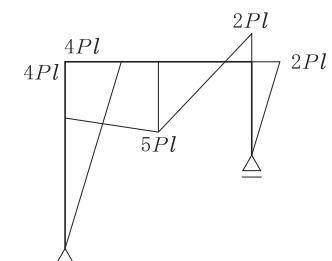
1.



2.



3.



4.

正答 5

解説

反力を求めたら、順次、片側から各点の曲げモーメントを求め、各点の曲げモーメントをつなげて、曲げモーメント図を完成させる。

《反力を求める》

$$\Sigma M_A = 0 \text{ より}、(P \times 2l) + (4P \times l) = 0$$

$$-(V_E \times 2l) = 0$$

$$\therefore V_E = 3P \text{ (上向き)}$$

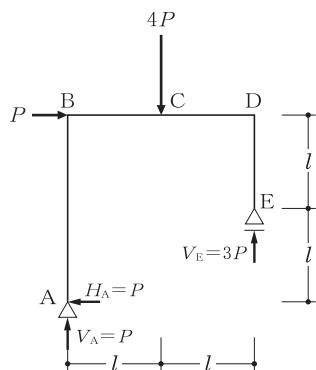
$$\Sigma Y = 0 \text{ より}、V_A + V_E - 4P = 0$$

$$V_A + 3P - 4P = 0$$

$$\therefore V_A = P \text{ (上向き)}$$

$$\Sigma X = 0 \text{ より}、-H_A + P = 0$$

$$\therefore H_A = P \text{ (左向き)}$$



《各点の曲げモーメント》

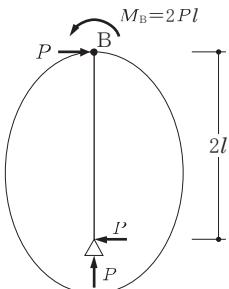
A、B、C、D、E点の曲げモーメントを求める。A点、E点はピンなので、 $M_A = 0$ 、 $M_E = 0$ 。

・ M_B

B点で切断した下側で計算する。 $\Sigma M_B = 0$ より、

$$-M_B + (P \times 2l) = 0$$

$$\therefore M_B = 2Pl \text{ (柱右側引張)}$$

・ M_C

C点で切断して右側で計算する。 $\Sigma M_C = 0$ より、

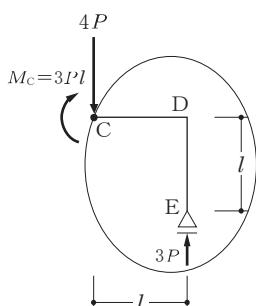
$$M_C - (3P \times l) = 0$$

$$\therefore M_C = 3Pl \text{ (梁下側引張)}$$

・ M_D

E支点に水平反力が生じないため $M_D = 0$

正答の曲げモーメント図は1である。



No. 13 スリーピンジラーメンの応力

B □□□ H1804

図のような荷重を受けるラーメンにおいて、A B間にせん断力の生じないX点がある。A点とX点との距離の値として、正しいものは、次のうちどれか。

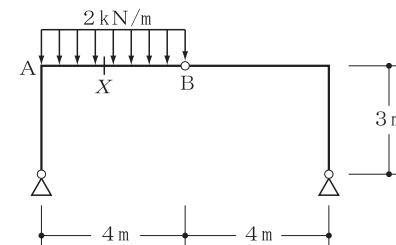
1. 1.0m

2. 1.5m

3. 2.0m

4. 2.5m

5. 3.0m



解説

X点のせん断力 Q_x を求めるために、X点で切断して左側を考える。

C点の鉛直反力 V_C が分かれれば Q_x を求められ、 $Q_x = 0$ から A点と X点との距離 x を求められる。

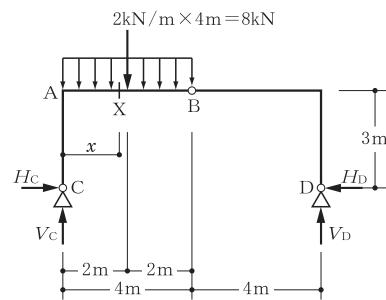
なお、設問はスリーヒンジラーメンであるが、鉛直反力 V_C を求めるだけならば、 $\Sigma M_D = 0$ だけで求められる。

《反力を求める》

$$\Sigma M_D = 0 \text{ より}$$

$$(V_C \times 8 \text{ m}) - (8 \text{ kN} \times 6 \text{ m}) = 0$$

$$\therefore V_C = 6 \text{ kN} \text{ (上向き)}$$

《せん断力 $Q_x = 0$ から、A点とX点との距離 x を求める》

せん断力 Q_x は、X点で切断した左側で計算し、切断位置にせん断力 Q_x を仮定する。

$$\Sigma Y = 0 \text{ より}$$

$$6 \text{ kN} - 2x \text{ kN} - Q_x = 0$$

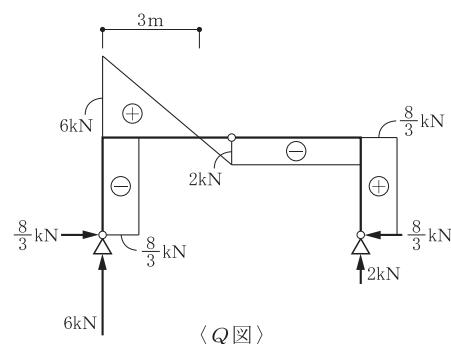
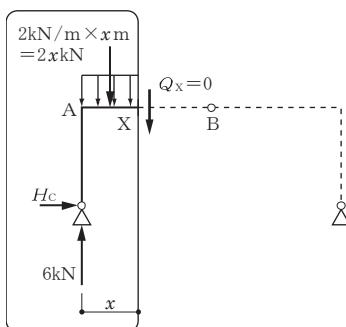
$Q_x = 0$ であるから

$$6 - 2x = 0$$

$$\therefore x = 3 \text{ m}$$

したがって、正答は 5 である。

参考に、Q図を示す。

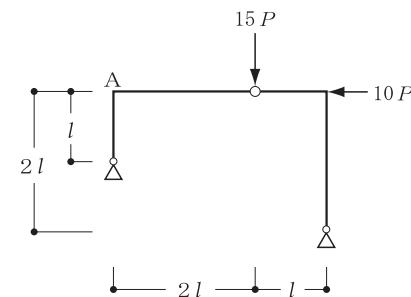


No. 14 スリーヒンジラーメンの応力

A □□□ H2103

図のような荷重を受ける3ヒンジラーメンにおいて、A点における曲げモーメントの大きさとして、正しいものは、次のうちどれか。

1. $2 Pl$
2. $4 Pl$
3. $14 Pl$
4. $28 Pl$



正答 5

解説

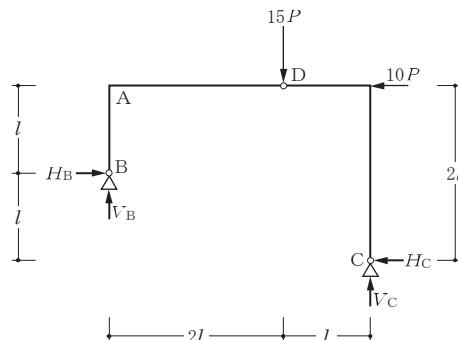
3ヒンジラーメンは、つり合い条件式と、ピン節点(D点)の曲げモーメント = 0から反力を求め、次に応力(曲げモーメント)を求める。

A点の曲げモーメント M_A を求めるには、 H_B が分かれば、 $M_A = H_B \times l$ から効率よく解答できる。

《反力を求める》

- ・求めたい H_B の反対側の支点 C を中心とし、 $\sum M_C = 0$ より、
 $(H_B \times l) + (V_B \times 3l)$
 $- (15P \times l) - (10P \times 2l)$
 $= 0$

$$H_B + 3V_B = 35P \quad \dots \dots \textcircled{1}$$



- ・D点の曲げモーメント = 0 の式についても、 H_B を含む左側で計算する。

$$\sum M_D(\text{左}) = 0 \text{ より、} \\ (V_B \times 2l) - (H_B \times l) = 0$$

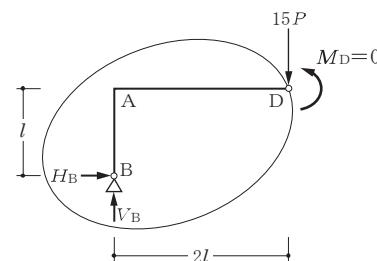
$$H_B = 2V_B \quad \dots \dots \textcircled{2}$$

①式に代入して、

$$2V_B + 3V_B = 35P$$

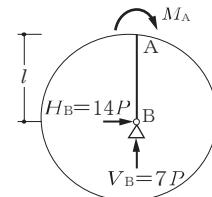
$$5V_B = 35P \quad \therefore V_B = 7P$$

②式より、 $H_B = 2V_B = 14P$ (右向き)

《 M_A を求める》

$$\sum M_A = 0 \text{ より、} \\ M_A - (14P \times l) = 0 \\ M_A = 14Pl$$

したがって、正答は 3 である。



No. 15 スリーハンジラーメンの応力

A □□□ H2403

図のような荷重が作用する3ヒンジラーメンにおいて、A点における水平反力 H_A の大きさとして、正しいものは、次のうちどれか。

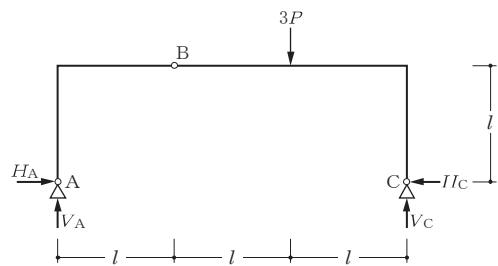
1. $\frac{P}{3}$
 2. $\frac{P}{2}$
 3. P
 4. $2P$
-

解説

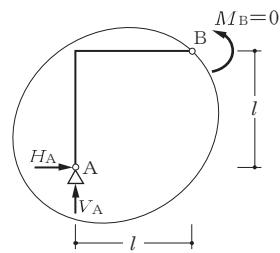
3 ヒンジラーメンは、つり合い条件式と、ピン節点(B点)の曲げモーメント = 0 から反力を求める。

《反力を求める》

- ・求めたい H_A の反対側の支点 C を中心とし、 $\Sigma M_C = 0$ より、
 $(V_A \times 3l) - (3P \times l) = 0$
 $\therefore V_A = P$



- ・B点の曲げモーメント = 0 の式についても、
 H_A を含む左側で計算する。
 $\Sigma M_B(\text{左}) = 0$ より、
 $(V_A \times l) - (H_A \times l) = 0$
 $(P \times l) - (H_A \times l) = 0$
 $\therefore H_A = P$ (右向き)

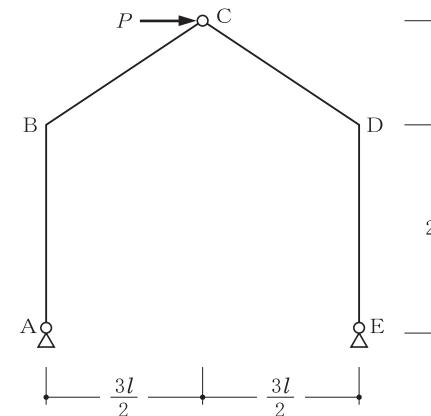


正答は 3 である。

No. 16 スリーハンジラーメンの応力

A □□□ H2703

図のような水平荷重 P を受けるラーメンに関する次の記述のうち、最も不適当なものはどれか。



1. 支点 A の水平反力の大きさは、 $\frac{P}{2}$ である。
2. 支点 A の鉛直反力の大きさは、 P である。
3. 部材 AB の材端 B における曲げモーメントの大きさは、 Pl である。
4. 部材 BC のせん断力の大きさは、 $\frac{P}{2}$ である。

解説

3 ヒンジラーメンは、つり合い条件式と、
ピン節点(C点)の曲げモーメント = 0 から
反力を求め、次に応力(曲げモーメン
ト)を求める。

《反力を求める》

- 反力を求めたい支点Aの反対側の支点

Eを中心とし、 $\Sigma M_E = 0$ より、

$$-(V_A \times 3l) + (P \times 3l) = 0$$

$$\therefore V_A = P \text{ (下向き)}$$

設問2は正しい。

- C点の曲げモーメント = 0 の式について
ても、 H_A を含む左側で計算する。

ΣM_C (左) = 0 より、

$$-(V_A \times \frac{3}{2}l) + (H_A \times 3l) = 0$$

$$-(P \times \frac{3}{2}l) + (H_A \times 3l) = 0$$

$$\therefore H_A = \frac{P}{2} \text{ (左向き)}$$

設問1は正しい。

《 M_B を求める(図-3参照)》

B点で切断した下側で計算する。

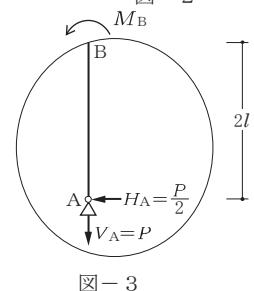
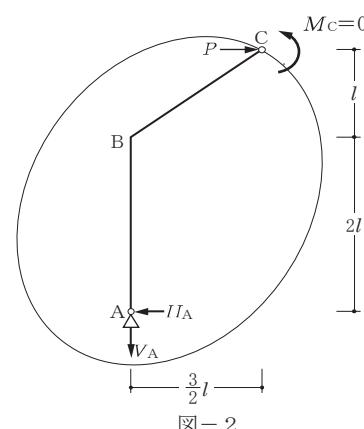
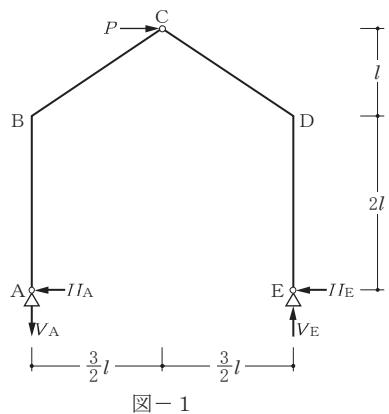
$\Sigma M_B = 0$ より、

$$-M_B + (H_A \times 2l) = 0$$

$$-M_B + \left(\frac{P}{2} \times 2l\right) = 0$$

$$\therefore M_B = Pl$$

設問3は正しい。

《 Q_{BC} を求める(図-4、5、6参照)》

部材のせん断力 Q (絶対値) は、両端の曲げモーメントの和をスパンで除して求められる。

$$Q = \frac{M_1 + M_2}{l}$$

前述のとおり $M_B = Pl$ であり、また節点Cは
ピンなので $M_C = 0$ 。

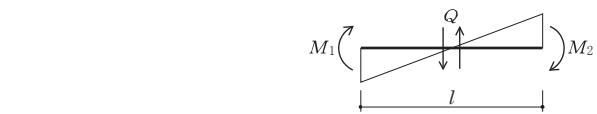
部材BCのスパンは、図-5のとおり、ピタゴラスの定理により、

$$\frac{\sqrt{13}l}{2}$$
 である。

したがって、

$$Q_{BC} = \frac{Pl + 0}{\left(\frac{\sqrt{13}l}{2}\right)} = \frac{2P}{\sqrt{13}}$$

(絶対値)

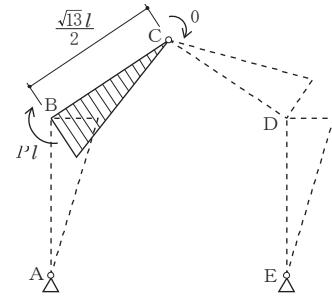


ピタゴラスの定理により

$$\sqrt{l^2 + \left(\frac{3}{2}l\right)^2}$$

$$= \frac{\sqrt{13}l}{2}$$

図-5

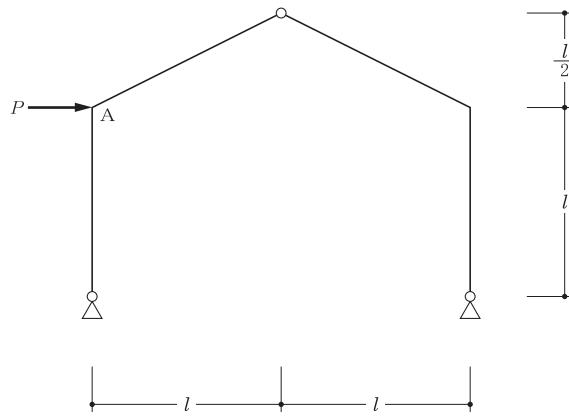


設問4は誤り。

No. 17 スリーピンジラーメンの応力

A □□□ H3003

図のような水平荷重 P を受ける骨組において、A点における曲げモーメントの大きさとして、正しいものは、次のうちどれか。



1. $\frac{Pl}{2}$
2. $\frac{2Pl}{3}$
3. $\frac{3Pl}{4}$
4. Pl

解説

3ヒンジラーメンは、つり合い条件式と、ピン節点(D点)の曲げモーメント = 0から反力を求め、次に応力(曲げモーメント)を求める。

A点の曲げモーメント M_A を求めるには、 H_B が分かれれば、 $M_A = H_B \times l$ から効率よく解答できる。

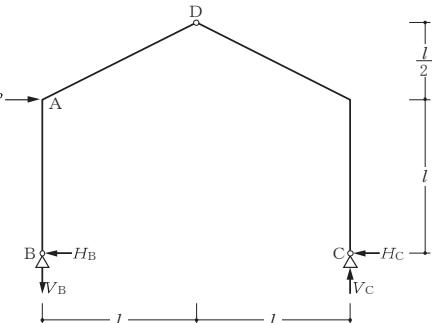
《反力を求める》

・求めたい H_B の反対側の支点 C

を中心とし、 $\sum M_C = 0$ より、

$$-(V_B \times 2l) + (P \times l) = 0$$

$$\therefore V_B = \frac{P}{2} \quad (\text{下向き})$$



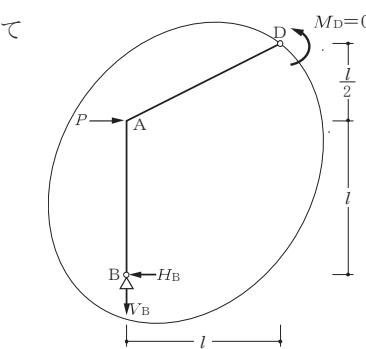
・D点の曲げモーメント = 0 の式についても、 H_B を含む左側で計算する。

$\sum M_D$ (左) = 0 より、

$$-(V_B \times l) + (H_B \times \frac{3}{2}l) - (P \times \frac{l}{2}) = 0$$

$$-\frac{P}{2} + \frac{3}{2}H_B - \frac{P}{2} = 0$$

$$\therefore H_B = \frac{2}{3}P \quad (\text{左向き})$$

《 M_A を求める》

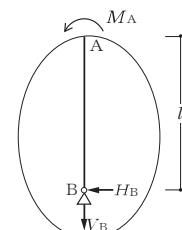
A点で切断した下側で計算する。

$\sum M_A = 0$ より、

$$-M_A + (H_B \times l) = 0$$

$$-M_A + \left(\frac{2}{3}P \times l\right) = 0$$

$$\therefore M_A = \frac{2Pl}{3}$$



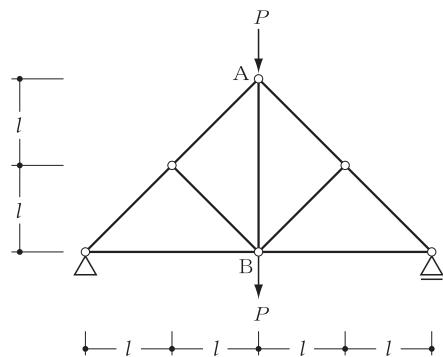
したがって、正答は 2 である。

No. 18 静定トラス

A □□□ H1904

図のような荷重を受けるトラスにおいて、部材ABに生じる軸方向力として、正しいものは、次のうちどれか。ただし、軸方向力は、引張力を「+」、圧縮力を「-」とする。

1. $-2P$
2. $-P$
3. 0
4. $+P$
5. $+2P$



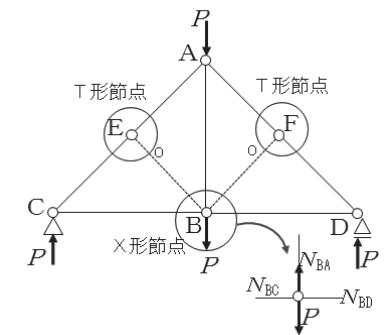
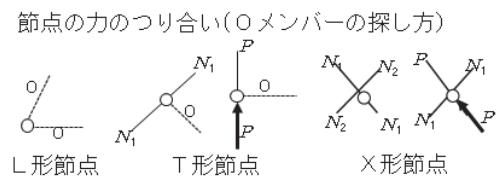
$\leftarrow l \quad \leftarrow l \quad \leftarrow l \quad \leftarrow l \quad \leftarrow l \quad \rightarrow$

解説

静定トラス問題の解法として、ゼロメンバーを見つけ出すことが、即解答につながることもある。トラスの各節点に集まる力はつり合う性質から、節点に集まる力が次のような形の場合、部材応力を判別することができる。

問題のE節点とF節点は、T形節点であるので、部材EBと部材FBは力が生じないゼロメンバーとなる。よって、B節点は、X形節点となり、作用線が一直線となる力は、大きさが等しく、向きが反対でつり合うので、AB部材の応力 N_{BA} は上向き P でB点の荷重 P とつり合う。B点を引張戻しているので引張力である。

したがって、解答は、4である。



なお、そのほかの部材の応力も考えてみよう。

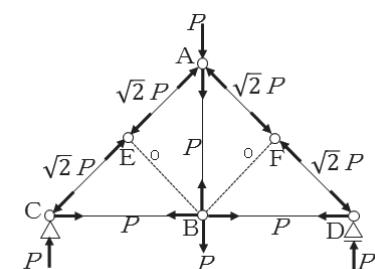
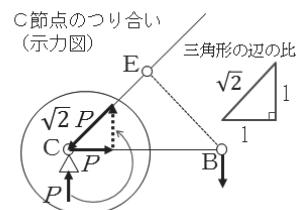
対称形なので、C点、D点の反力は、荷重 $2P$ の $1/2$ で、いずれも P である。

C節点のつり合い条件から、反力 P 、部材CEと部材CBの応力の3力はつり合う。したがって、C節点における示力図と三角形の辺の比にから、

$$\text{部材CEの応力} = \sqrt{2}P \text{ (圧縮力)}$$

$$\text{部材CBの応力} = P \text{ (引張力)}$$

であることがわかり、トラスの各部材に生じる軸方向力は、図のようになる。



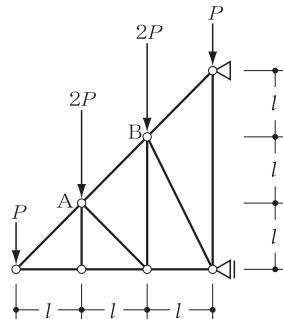
正答 4

No. 19 静定トラス

B □□□ H2005

図のような荷重を受けるトラスにおいて、部材ABに生じる軸方向力として、正しいものは、次のうちどれか。ただし、軸方向力は、引張力を「+」、圧縮力を「-」とする。

1. $-2\sqrt{2}P$
2. $-\sqrt{2}P$
3. 0
4. $+\sqrt{2}P$
5. $+2\sqrt{2}P$



解説

・一部材の応力を求める場合は、切断法が適している。また、片持梁系トラスなので、切断後、自由端側（左側）を考えれば支点反力を求めずに効率良く解ける。

- ・部材ABを含んで切断し、図のように軸方向力 N_1 、 N_2 、 N_3 を仮定する。このとき、引張力として、注目する左側を引っ張る方向に仮定することにより、計算結果の正負が「+」ならば引張力、「-」ならば圧縮力を表す。
- ・荷重 P 、荷重 $2P$ 、 N_1 、 N_2 、 N_3 の5つの力はつり合っているので、つり合い条件式から部材ABの軸方向力 N_1 を求める。

《 N_1 を求める》

- ・3つの未知数 N_1 、 N_2 、 N_3 のうち、求めたい N_1 以外の2力 N_2 、 N_3 の作用線が交わるC点を中心 $\Sigma M_C = 0$ の式を立てれば、 N_1 が求められる。
- ・また、C点から N_1 の作用線までの距離は三角形の辺の比より $\sqrt{2}l$ である。

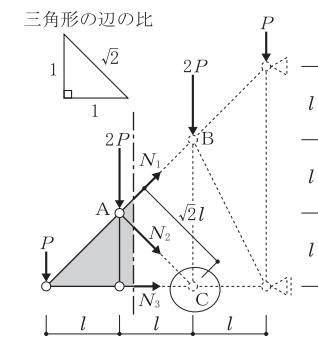
$$\Sigma M_C = 0 \text{ より、}$$

$$-(P \times 2l) - (2P \times l) + (N_1 \times \sqrt{2}l) = 0$$

$$N_1 \times \sqrt{2}l = 4Pl$$

$$\therefore N_1 = \frac{4Pl}{\sqrt{2}l} = \frac{4\sqrt{2}P}{2} = 2\sqrt{2}P \text{ (+なので引張力)}$$

したがって、正答は5である。



No. 20 静定トラス

A □□□ H2305

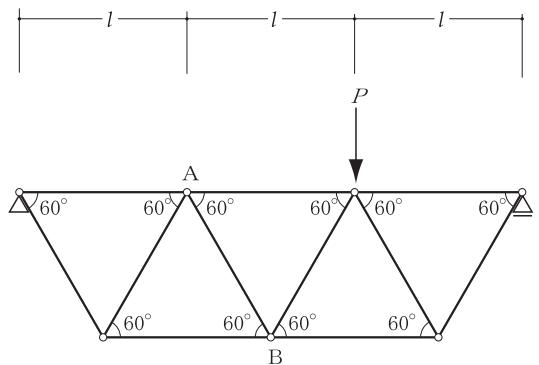
図のような荷重 P を受けるトラスにおいて、部材ABに生じる軸方向力として、正しいものは、次のうちどれか。ただし、軸方向力は、引張力を「+」、圧縮力を「-」とする。

1. $-\frac{2P}{\sqrt{3}}$

2. $-\frac{P}{3\sqrt{3}}$

3. $+\frac{2P}{3\sqrt{3}}$

4. $+\frac{P}{\sqrt{3}}$



解説

設問のように一部材の応力を求める場合は、切断法が適している。

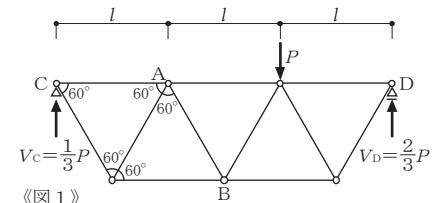
《図1》支点C、Dの反力を求める。

トラスを単純梁とみなして、つり合い条件式で求める。

$$\sum M_D = 0 \text{ より、}$$

$$(V_C \times 3l) - (P \times l) = 0$$

$$\therefore V_C = \frac{P}{3} \text{ (上向き)}$$



《図2》部材ABを含んで切断し、図のように軸方向力 N_1 、 N_{AB} 、 N_2 を仮定する。このとき、引張力として、注目する左側を引っ張る方向に仮定することにより、計算結果の正負が「+」ならば引張力、「-」ならば圧縮力を表す。

《図3》

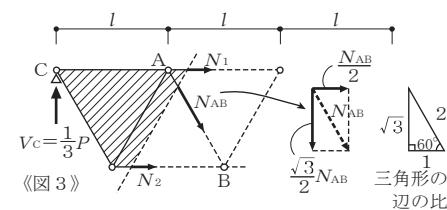
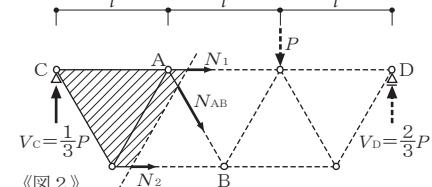
・ V_C 、 N_1 、 N_{AB} 、 N_2 の4つの力はつり合っているので、力のつり合い条件式から部材ABの応力 N_{AB} を求める。

・ 3つの未知数 N_1 、 N_{AB} 、 N_2 のうち、求めたい N_{AB} 以外の2力が交わらないので、求めたい N_{AB} しか成分を持たないY方向に対して $\sum Y = 0$ の式を立てる。

・ N_{AB} のY方向の分力を直角三角形の辺の比 ($1 : 2 : \sqrt{3}$) を用いて求めると、 $\frac{\sqrt{3}}{2} N_{AB}$ となる。

$$\sum Y = 0 \text{ より } \frac{P}{3} - \frac{\sqrt{3}}{2} N_{AB} = 0$$

$$N_{AB} = \frac{2}{\sqrt{3}} \times \frac{P}{3} = \frac{2P}{3\sqrt{3}} \text{ (+なので引張力)}$$



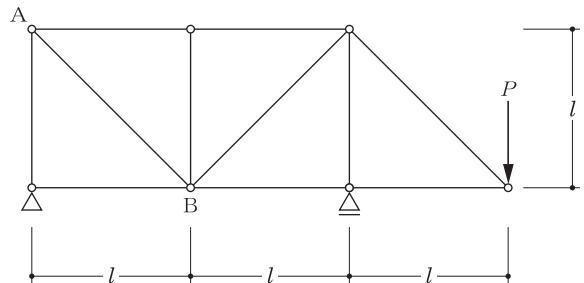
したがって、正答は3である。

正答 3

No. 21 静定トラス

A □□□ H2505

図のようなトラスに荷重 P が作用したときの部材 A B に生じる軸方向力として、正しいものは、次のうちどれか。ただし、軸方向力は、引張力を「+」、圧縮力を「-」とする。



$$1. -\frac{\sqrt{2}}{2}P$$

$$2. -\frac{1}{2}P$$

$$3. +\frac{1}{2}P$$

$$4. +\frac{\sqrt{2}}{2}P$$

解説

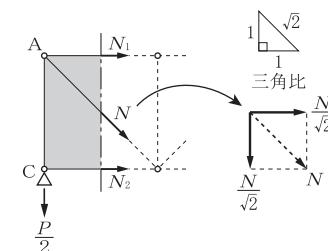
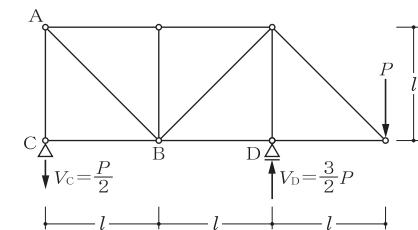
一部材の応力を求めるには、切断法が適している。

《反力を求める》

剛体である単純ばりとして、つり合い条件から C 点の反力を求める。

$$\sum M_D = -(V_C \times 2l) + (P \times l) = 0$$

$$\therefore V_C = \frac{P}{2} \text{ (下向き)}$$

《切断して軸方向力 N 、 N_1 、 N_2 を仮定する》

- ・部材 A B を含んで切断し、図のように軸方向力 N 、 N_1 、 N_2 を仮定する。このとき、引張力として、注目する左側を引っ張る方向に仮定することにより、計算結果の正負が「+」ならば引張力、「-」ならば圧縮力を表す。
- ・C の鉛直反力 $\frac{P}{2}$ 、 N 、 N_1 、 N_2 の 4 つの力はつり合っているので、つり合い条件式を使って、部材 A B の軸方向力 N を求める。

《 N を求める》

- ・3 つの未知数 N 、 N_1 、 N_2 のうち、求めたい N 以外の 2 力が交わらないので、求めたい N しか成分を持たない Y 方向に対して $\sum Y = 0$ の式を立てる。
- ・ N の Y 方向の分力を直角三角形の辺の比 ($1 : 1 : \sqrt{2}$) を用いて求める

$$\text{と、 } \frac{N}{\sqrt{2}}$$

$\sum Y = 0$ より、

$$-\frac{P}{2} - \frac{N}{\sqrt{2}} = 0$$

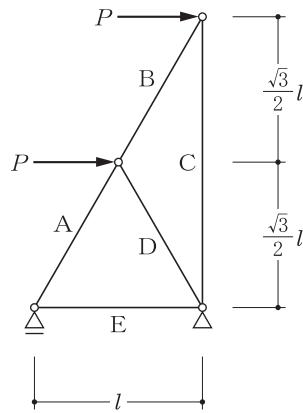
$$\therefore N = -\frac{\sqrt{2}}{2}P \text{ (-なので圧縮力)}$$

したがって、正答は 1 である。

No. 22 静定トラス

B □□□ H2605

図のような水平荷重が作用するトラスにおいて、部材A～Eに生じる軸力の組合せとして、正しいものは、次のうちどれか。ただし、表中「引」は引張力、「圧」は圧縮力を示す。



	A	B	C	D	E
1.	引	引	圧	圧	圧
2.	引	引	圧	引	圧
3.	圧	圧	引	引	引
4.	圧	圧	引	圧	引

解説

図のように、各節点をイ、ロ、ハ、ニとして、(1)は節点法、(2)は切断法で解説する。

(1) 節点法で解く

つり合い条件式からイ点、ロ点の反力を求める。

$$\Sigma M_I = 0 \text{ より},$$

$$P \times \sqrt{3} l + P \times \frac{\sqrt{3}}{2} l - V_{\square} \times l = 0$$

$$\therefore V_{\square} = \frac{3\sqrt{3}}{2} P \text{ (上向き)}$$

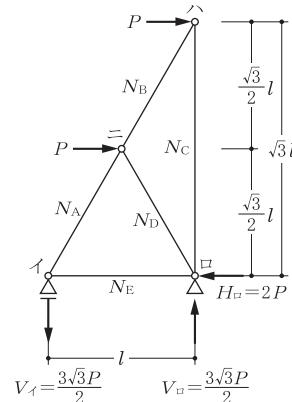
$$\Sigma Y = 0 \text{ より},$$

$$\therefore V_I = \frac{3\sqrt{3}}{2} P \text{ (下向き)}$$

$$\Sigma X = 0 \text{ より},$$

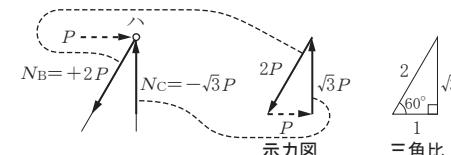
$$P + P - H_{\square} = 0$$

$$\therefore H_{\square} = 2 P \text{ (左向き)}$$



節点ハで節点法を用いて N_B 、 N_C を求め、次に節点ニで節点法を用いて N_A 、 N_D を求め、最後に節点イで節点法を用いて N_E を求める。

①節点ハ

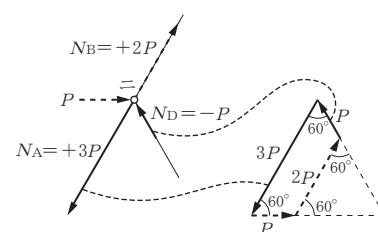


$$N_B = +2P \text{ (節点ハを引っ張っているので引張力)}$$

$$N_C = -\sqrt{3}P \text{ (節点ハを押しているので圧縮力)}$$

また、 N_B は節点ニも同じ大きさで引っ張る。

②節点ニ



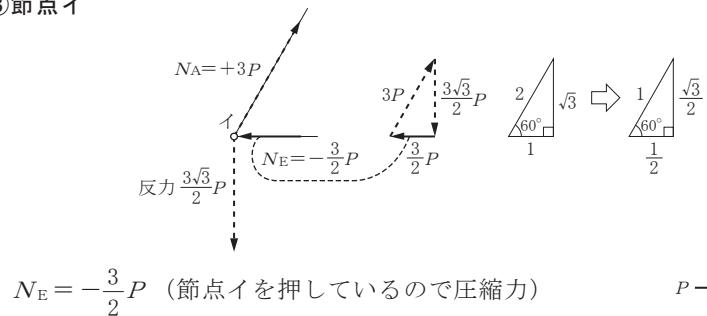
第2章 静定構造物の応力

$N_A = +3P$ (節点ニを引っ張っているので引張力)

$N_D = -P$ (節点ニを押しているので圧縮力)

また、 N_A は節点イも同じ大きさで引っ張る。

③節点イ



$N_E = -\frac{3}{2}P$ (節点イを押しているので圧縮力)

したがって、

$N_A = +3P$ (引張力)

$N_B = +2P$ (引張力)

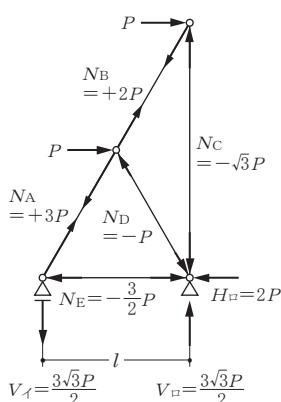
$N_C = -\sqrt{3}P$ (圧縮力)

$N_D = -P$ (圧縮力)

$N_E = -\frac{3}{2}P$ (圧縮力)

以上から、正答は1である。

参考に、各部材の応力を示すと図のようになる。 $V_I = \frac{3\sqrt{3}P}{2}$ $V_B = \frac{3\sqrt{3}P}{2}$



(2) 切断法で解く

① N_B を求める

・部材B、Cを含んで切断し、図のように軸方向力 N_B 、 N_C を仮定する。

・未知数 N_B 、 N_C のうち、求めたい N_B しかX方向の成分を持たないことに着目し、 $\Sigma X = 0$ の式を立てる。

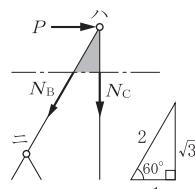
・ N_B のX方向の分力を直角三角形の比(1 : 2 : $\sqrt{3}$)

を用いて求めると、 $\frac{N_B}{2}$ となる。

$\Sigma X = 0$ より、

$$P - \frac{N_B}{2} = 0$$

$$\therefore N_B = +2P \quad (+\text{なので引張力})$$



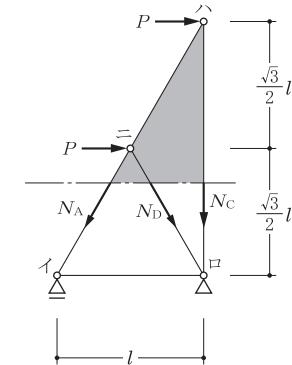
この段階で部材Bが引張であることから、設問肢1又は2のいずれかが正答であることがわかる。さらに設問肢1と2から、部材Dの計算結果で正答が判断できる。

② N_D を求める

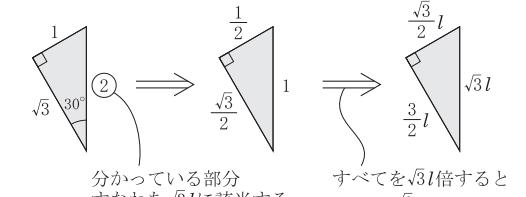
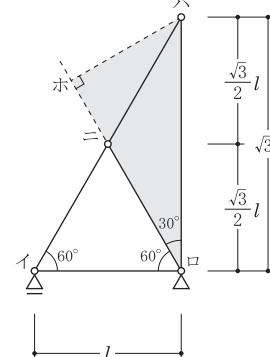
・部材A、C、Dを含んで切断し、図のように軸方向力 N_A 、 N_C 、 N_D を仮定する。

・未知数 N_A 、 N_C 、 N_D のうち、求めたい N_D 以外の2力の作用線が交わる節点ハを中心にして $\Sigma M_H = 0$ の式を立てれば N_D が求められる。

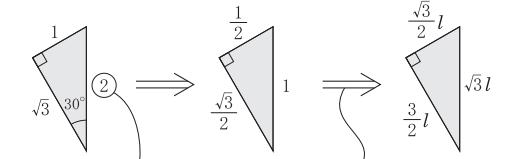
・また、次図のとおり、節点ハから N_D の作用線までの距離ハホは $\frac{\sqrt{3}}{2}l$ となる。



〈ハホの距離の求め方〉



分かっている部分
すなはち $\sqrt{3}l$ に該当する
部分の2を1にする。
つまり、それぞれの辺を
2で割る。



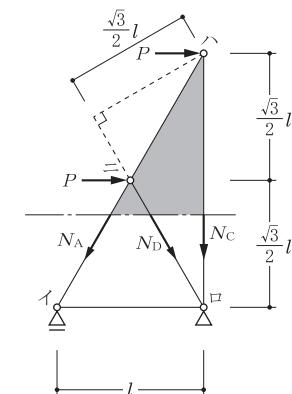
すべてを $\sqrt{3}l$ 倍すると
ハホは $\frac{\sqrt{3}}{2}l$ となる。

$\Sigma M_H = 0$ より、

$$-(P \times \frac{\sqrt{3}}{2}l) - (N_D \times \frac{\sqrt{3}}{2}l) = 0$$

$$\therefore N_D = -P \quad (-\text{なので圧縮力})$$

したがって、正答は1である。

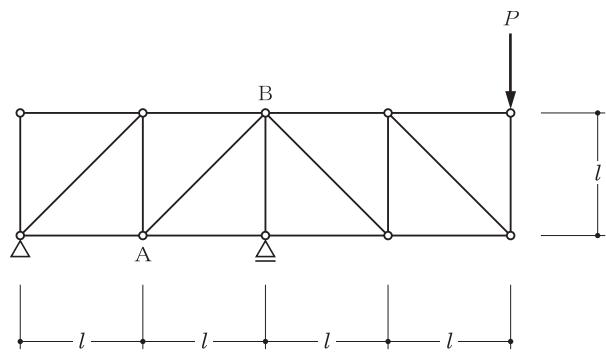


正答 1

No. 23 静定トラス

A □□□ H2705

図のような鉛直荷重 P を受けるトラスにおいて、部材 A B に生じる軸方向力として、正しいものは、次のうちどれか。ただし、軸方向力は、引張力を「+」、圧縮力を「-」とする。



1. $-2\sqrt{2} P$
2. $-\sqrt{2} P$
3. $+\sqrt{2} P$
4. $+2\sqrt{2} P$

解説

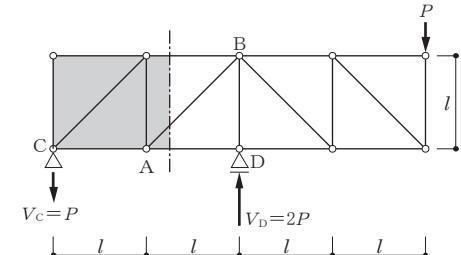
一部材の応力を求めるときは、切断法が適している。

C点の反力 V_C を求め、図の位置で切断し、力のつり合い条件から、部材 A B の軸方向力を求める。

《反力を求める》

剛体である単純ばかりとして、つり合い条件から C 点の反力を求める。

$$\begin{aligned}\sum M_D &= 0 \text{ より}, \\ -(V_C \times 2l) + (P \times 2l) &= 0 \\ \therefore V_C &= P \text{ (仮定どおり下向き)}\end{aligned}$$



《部材 A B の応力を N_1 を求める》

部材 A B を含んで切断し、外力の少ない左側に注目し、軸方向力 N_1 、 N_2 、 N_3 を仮定する。このとき、引張力として、注目する左側を引っ張る方向に仮定することにより、計算結果の正負が「+」ならば引張力、「-」ならば圧縮力を表す。

C 点の鉛直反力 P 、 N_1 、 N_2 、 N_3 の 4 つの力はつり合っているので、つり合い条件式を使って、部材 A B の応力 N_1 を求める。

また、3 つの未知数 N_1 、 N_2 、 N_3 のうち、求めたい N_1 しか成分を持たない Y 方向に対して $\sum Y = 0$ の式を立てる。

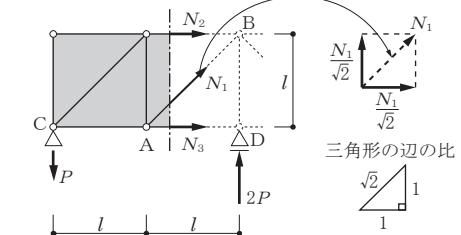
また、 N_1 の Y 方向の成分は、三角比から $\frac{N_1}{\sqrt{2}}$ である。

$\sum Y = 0$ より、

$$-P + \frac{N_1}{\sqrt{2}} = 0$$

$$\therefore N_1 = +\sqrt{2} P \quad (+\text{なので引張力})$$

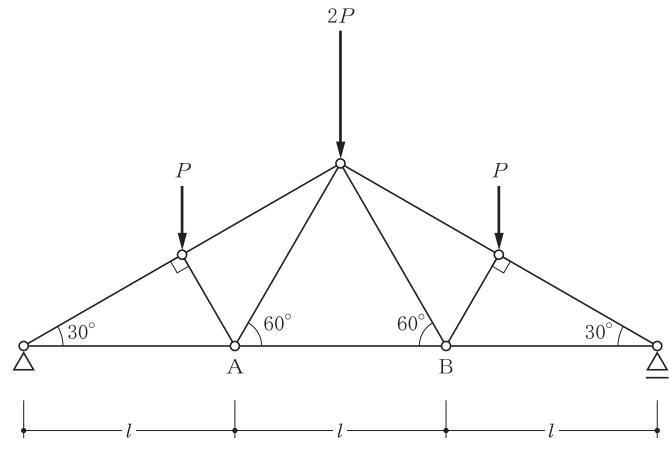
したがって、正答は 3 である。



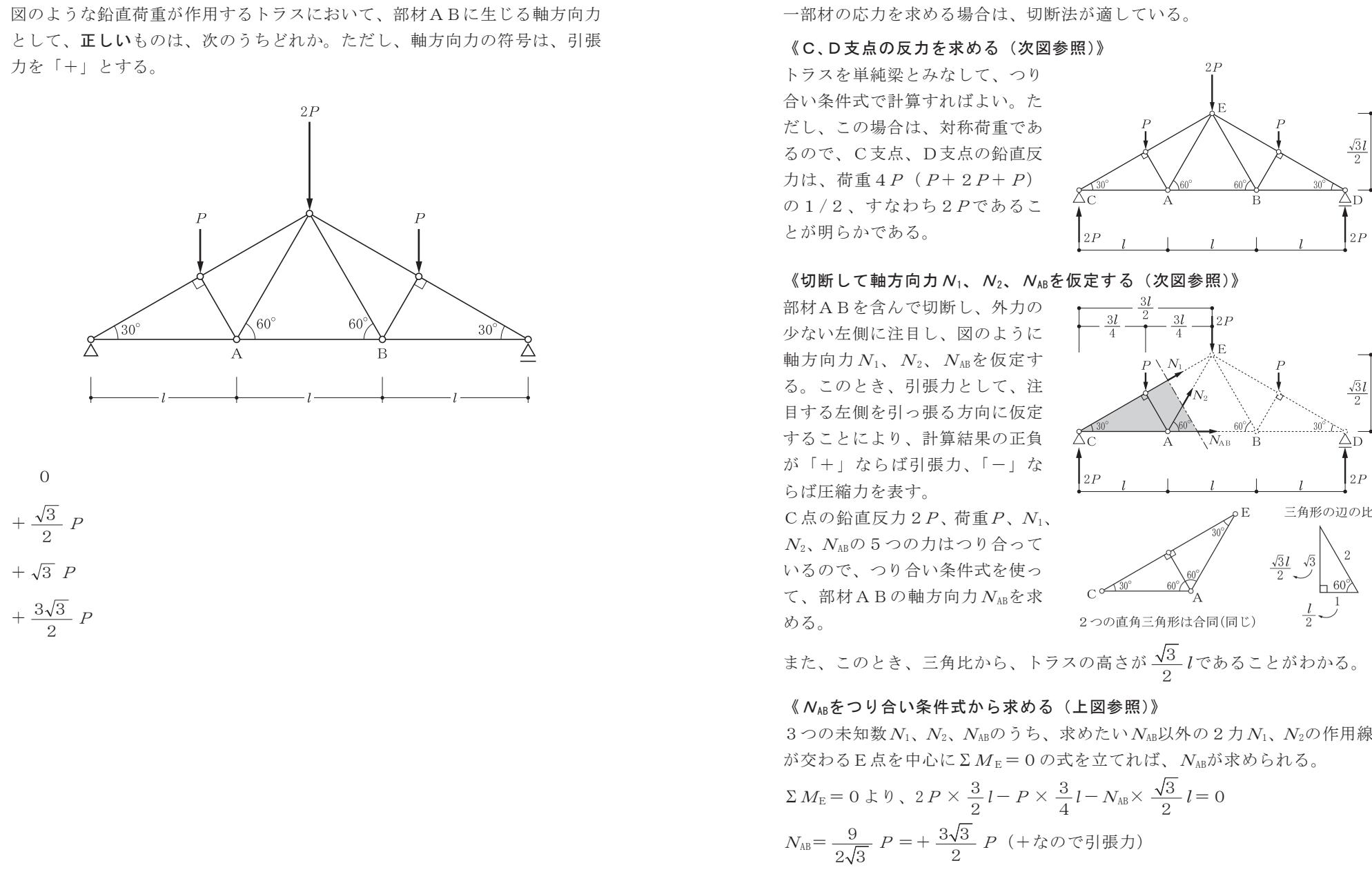
No. 24 静定トラス

B □□□ H2805

図のような鉛直荷重が作用するトラスにおいて、部材A Bに生じる軸方向力として、正しいものは、次のうちどれか。ただし、軸方向力の符号は、引張力を「+」とする。



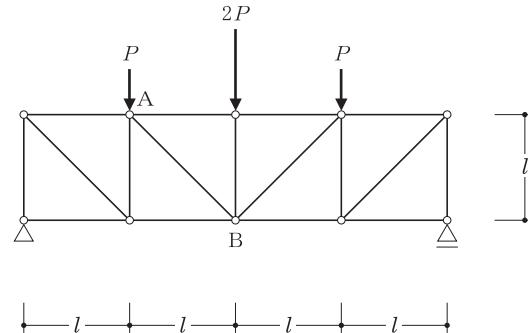
1. 0
2. $+\frac{\sqrt{3}}{2}P$
3. $+\sqrt{3}P$
4. $+\frac{3\sqrt{3}}{2}P$



No. 25 静定トラス

A □□□ H2905

図のような荷重が作用するトラスにおいて、部材ABに生じる軸方向力として、正しいものは、次のうちどれか。ただし、軸方向力は、引張力を「+」、圧縮力を「-」とする。



1. $-\sqrt{2}P$
2. $-\frac{\sqrt{2}}{2}P$
3. $+\frac{\sqrt{2}}{2}P$
4. $+\sqrt{2}P$

解説

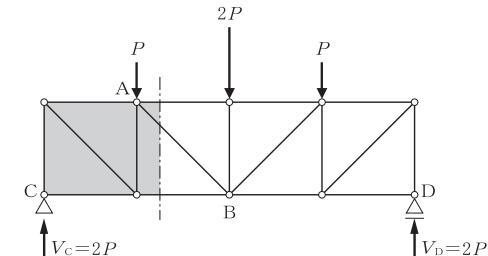
一部材の軸方向力を求めるには、切断法が適している。

C、D点の反力 V_C 、 V_D を求め、図の位置で切断し、力のつり合い条件から、部材ABの軸方向力を求める。

《反力を求める》

荷重が対称なので、 V_C 、 V_D は荷重の合計 $4P$ の $1/2$ となる。

$$V_C = V_D = 2P \text{ (上向き)}$$



《部材ABの軸方向力Nを求める》

部材ABを含んで切断し、外力の少ない左側に注目し、軸方向力 N 、 N_1 、 N_2 を仮定する。このとき、引張力として節点から離れる方向に仮定することにより、計算結果の正負が「+」ならば引張力、「-」ならば圧縮力を表す。

C点の鉛直反力 $2P$ 、荷重 P 、 N 、 N_1 、 N_2 の5つの力はつり合っているので、つり合い条件式から部材ABの軸方向力 N を求める。

3つの未知数 N 、 N_1 、 N_2 のうち、Y方向の成分を持つのが N だけであることに注目し、 $\Sigma Y = 0$ から N を求める。

また、 N のY方向の成分は、三角比から $\frac{N}{\sqrt{2}}$ である。

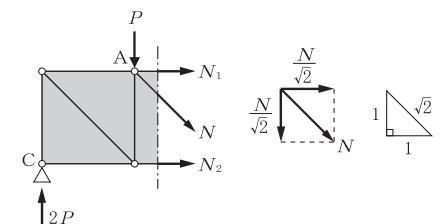
$\Sigma Y = 0$ より、

$$2P - P - \frac{N}{\sqrt{2}} = 0$$

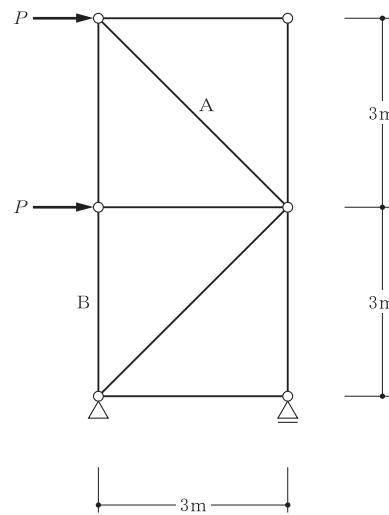
$$\frac{N}{\sqrt{2}} = P$$

$$\therefore N = +\sqrt{2}P \text{ (+なので引張力)}$$

したがって、正答は4である。



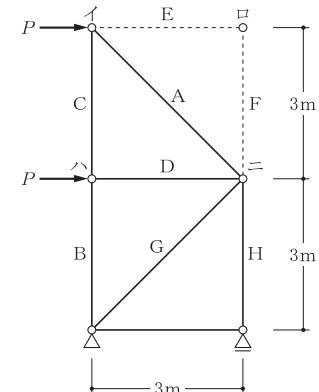
図のような水平荷重 P が作用するトラスにおいて、部材 A 及び B に生じる軸力の組合せとして、正しいものは、次のうちどれか。ただし、軸力は、引張力を「+」、圧縮力を「-」とする。



	A	B
1.	$-\frac{\sqrt{2}P}{2}$	$+ P$
2.	$-\frac{\sqrt{2}P}{2}$	$+ 2 P$
3.	$-\sqrt{2}P$	$+ P$
4.	$-\sqrt{2}P$	$+ 2 P$

解 説

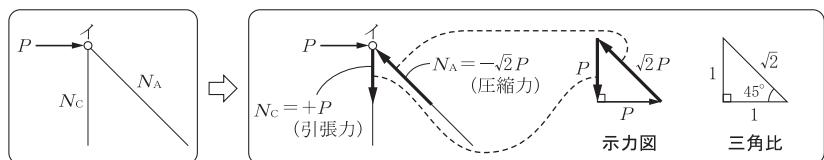
- ・はじめに、右図において節点CはL形節点なので、部材E及び部材Fの軸力はゼロである。
 - ・節点法を(1)、切断法を(2)で解説する。



(1) 節点法

①節点イ

節点に集まる力はつり合うので、示力図を描き、三角比から軸力を求め、求めた部材の上に軸力を描く。



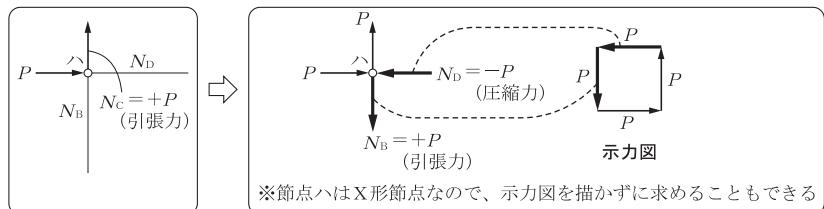
上図より、

$$N_A = -\sqrt{2}P \quad (\text{節点イを押しているので圧縮力})$$

$$N_c = +P \text{ (節点イを引っ張っているので引張力)}$$

また、 N_c は節点ハも同じ大きさで引っ張る。

②節点八



上図より、

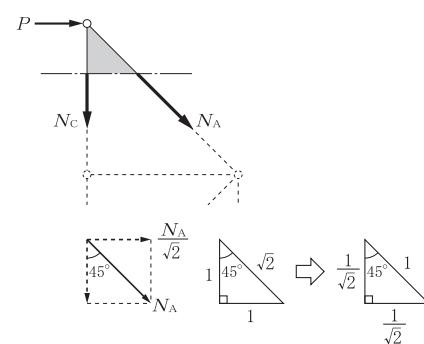
$$N_B = +P \text{ (節点} \text{B} \text{を引っ張っているので引張力)}$$

したがって、正答は3である。

(2) 切断法

① N_A を求める。

- 部材Aを含んで切断し、図のように軸力 N_A 、 N_C を仮定する。引張力を仮定することにより、計算結果の正負が「+」ならば引張力を表す。
- 未知数 N_A 、 N_C のうち、求めたい N_A しかX方向の成分を持たないことに着目し、 $\Sigma X = 0$ の式を立てる。
- N_A のX方向の分力を直角三角形の比(1 : 1 : $\sqrt{2}$)を用いて求めると、 $\frac{N_A}{\sqrt{2}}$ となる。

 $\Sigma X = 0$ より

$$P + \frac{N_A}{\sqrt{2}} = 0$$

$$\therefore N_A = -\sqrt{2}P \quad (-\text{なので圧縮力})$$

② N_B を求める。

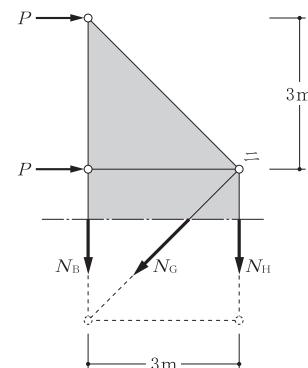
- 部材Bを含んで図のように切断する。
- 3つの未知数 N_B 、 N_G 、 N_H のうち、求めたい N_B 以外の2力 N_G 、 N_H の作用線が交わる二点を中心に、 $\Sigma M_{\pm} = 0$ の式を立てれば、 N_B が求められる。

 $\Sigma M_{\pm} = 0$ より

$$(P \times 3) - (N_B \times 3) = 0$$

$$\therefore N_B = +P \quad (+\text{なので引張力})$$

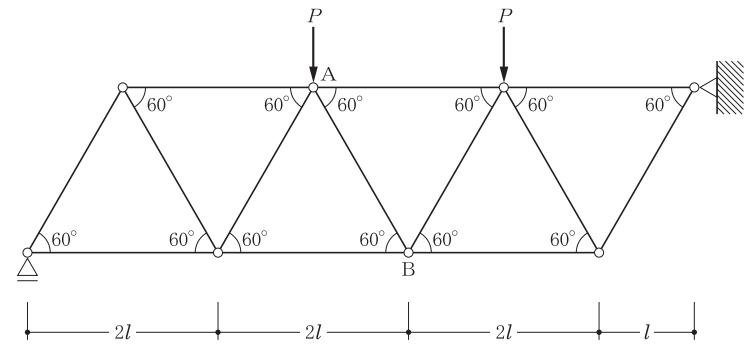
したがって、正答は3である。



No. 27 静定トラス

A □□□ R0105

図のような荷重が作用するトラスにおいて、部材ABに生じる軸方向力として、正しいものは、次のうちどれか。ただし、軸方向力は、引張力を「+」、圧縮力を「-」とする。



1. $-\frac{12}{7\sqrt{3}}P$

2. $-\frac{2}{7\sqrt{3}}P$

3. $+\frac{2}{7\sqrt{3}}P$

4. $+\frac{12}{7\sqrt{3}}P$

解説

一部材の応力を求めるときは
切断法が適している。

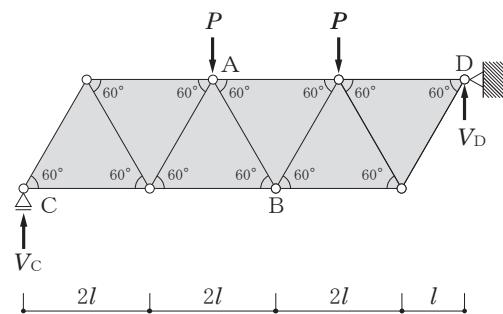
《反力を求める》

剛体である単純梁として、つり合い条件からC点、D点の反力を求める。

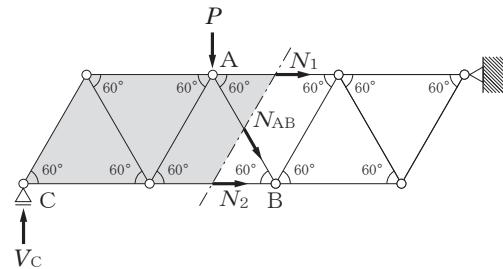
$\Sigma M_D = 0$ より、

$$(V_C \times 7l) - (P \times 4l) - (P \times 2l) = 0$$

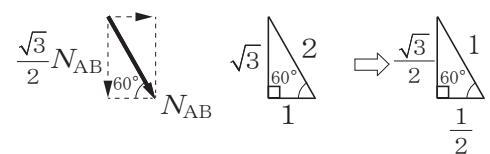
$$\therefore V_C = \frac{6}{7} P \text{ (上向き)}$$

《切断して軸方向力 N_{AB} を仮定する》

- 部材ABを含んで切断した剛体で力のつり合いを確認する。図のように軸方向力 N_{AB} を仮定する。このとき、引張力を仮定することにより、計算結果の正負が「+」ならば引張力、「-」ならば圧縮力を表す。

《 N_{AB} を求める》

- 3つの未知数 N_{AB} 、 N_1 、 N_2 のうち、求めたい N_{AB} 以外の2力が交わらないので、求めたい N_{AB} しか成分を持たないY方向に対して $\Sigma Y = 0$ の式を立てる。
- N_{AB} のY方向の分力を直角三角形の辺の比 ($1 : 2 : \sqrt{3}$) を用いて求めると、 $\frac{\sqrt{3}}{2} N_{AB}$ となる。



$\Sigma Y = 0$ より

$$V_C - P - \frac{\sqrt{3}}{2} N_{AB} = \frac{6}{7} P - P - \frac{\sqrt{3}}{2} N_{AB} = 0$$

$$-\frac{P}{7} - \frac{\sqrt{3}}{2} N_{AB} = 0$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} N_{AB} = -\frac{P}{7}$$

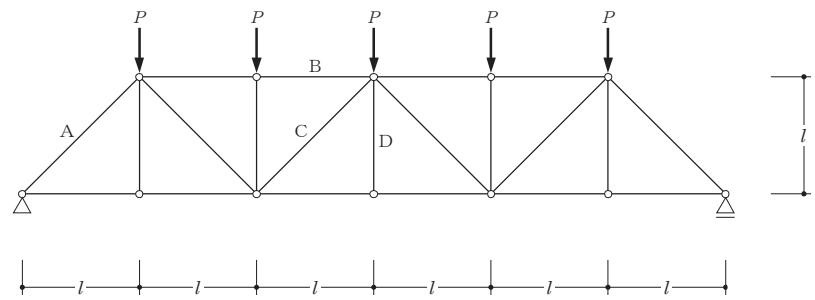
$$\therefore N_{AB} = -\frac{2}{7\sqrt{3}} P \text{ (-なので圧縮力)}$$

正答は2である。

No. 28 静定トラス

A □□□ R0205

図のような荷重が作用するトラスにおいて、部材A、B、C及びDに生じる軸方向力をそれぞれ N_A 、 N_B 、 N_C 及び N_D とするとき、それらの値として、誤っているものは、次のうちどれか。ただし、軸方向力は、引張力を「+」、圧縮力を「-」とする。



$$1. \quad N_A = -\frac{5\sqrt{2}}{2}P$$

$$2. \quad N_B = -5P$$

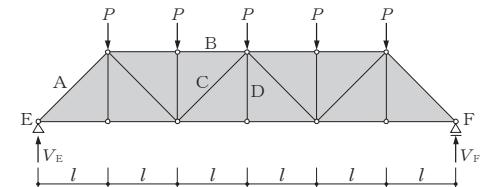
$$3. \quad N_C = -\frac{\sqrt{2}}{2}P$$

$$4. \quad N_D = 0$$

解説

《反力を求める》

剛体である単純梁として、つり合い条件からE点の反力を求める。



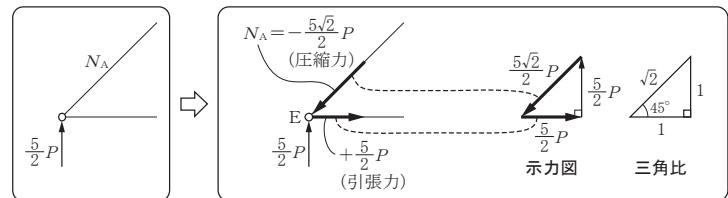
$$\Sigma M_F = 0 \text{ より、}$$

$$(V_E \times 6l) - (P \times 5l) - (P \times 4l) - (P \times 3l) - (P \times 2l) - (P \times l) = 0$$

$$\therefore V_E = \frac{5}{2}P \text{ (上向き)}$$

《節点法で軸方向力 N_A を求める》

節点に集まる力はつり合うので、示力図を描き、三角比から軸力を求め、求めた部材の上に軸力を描く。



上図より、

$$N_A = -\frac{5\sqrt{2}}{2}P \text{ (節点Eを押しているので圧縮力)}$$

《切断して軸方向力 N_B 、 N_C を仮定する》

部材B、部材Cを含んで切断した剛体で力のつり合いを確認する。図のように軸方向力 N_B 、 N_C 、 N を仮定する。このとき、引張力を仮定することにより、計算結果の正負が「+」ならば引張力、「-」ならば圧縮力を表す。

《切断法で軸方向力 N_B を求める》

3つの未知数 N_B 、 N_C 、 N のうち、求めたい N_B 以外の2力 N_C 、 N の作用線が交わるG点を中心に、 $\Sigma M_G = 0$ の式を立てれば、 N_B が求められる。

$$\Sigma M_G = (V_E \times 2l) - (P \times l) + (N_B \times l) = 0$$

$$(\frac{5}{2}P \times 2l) - (P \times l) + (N_B \times l) = 0$$

$$\therefore N_B = -4P \text{ (誤)}$$

《切断法で軸方向力 N_c を求める》

3つの未知数 N_B 、 N_C 、 N のうち、求めたい N_C しか Y 方向の成分を持たないことに着目し、 $\Sigma Y = 0$ の式を立てれば、 N_C が求められる。

N_C の Y 方向の分力を直角三角形の比(1 : 1 : $\sqrt{2}$)を用いて求めると、 $\frac{N_C}{\sqrt{2}}$ となる。

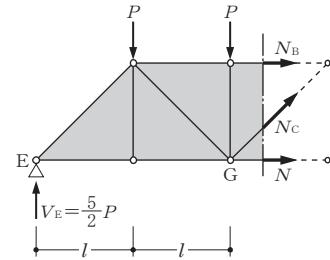
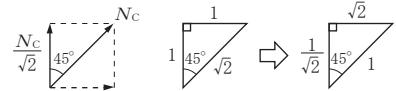
$$\Sigma Y = 0 \text{ より}$$

$$V_E - P - P + \frac{N_C}{\sqrt{2}} = 0$$

$$\frac{5}{2}P - 2P + \frac{N_C}{\sqrt{2}} = 0$$

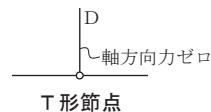
$$\frac{P}{2} + \frac{N_C}{\sqrt{2}} = 0$$

$$\therefore N_C = -\frac{\sqrt{2}}{2}P \text{ (正)}$$

《軸方向力 N_D を求める》

部材 D の下端は T 形節点であり、Y 方向に力を受けていないので、部材 D の軸方向力は生じない。

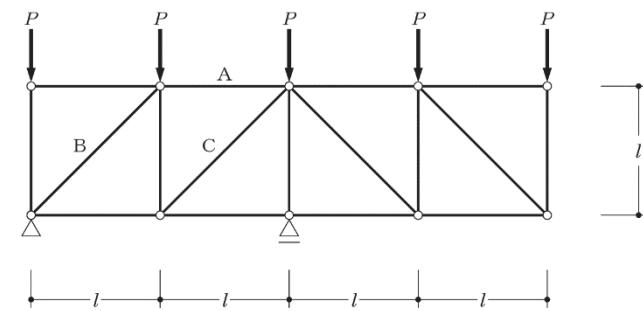
$$\therefore V_D = 0 \text{ (正)}$$



No. 29 静定トラス

B □□□ R0405

図のような荷重が作用するトラスにおいて、部材 A、B 及び C に生じる軸方向力をそれぞれ N_A 、 N_B 及び N_C とするとき、それらの大小関係として、正しいものは、次のうちどれか。ただし、全ての部材は弾性部材とし、自重は無視する。また、軸方向力は、引張力を「+」、圧縮力を「-」とする。

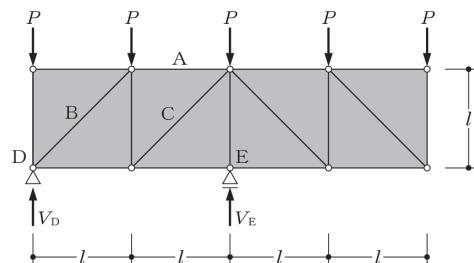


1. $N_A < N_B < N_C$
2. $N_B < N_A < N_C$
3. $N_C < N_A < N_B$
4. $N_C < N_B < N_A$

解説

《反力を求める》

剛体である単純梁として、つり合い条件からD点の反力を求めよう。



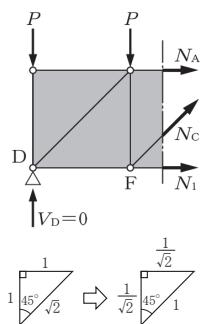
$$\Sigma M_E = 0 \text{ より、}$$

$$(V_D \times 2l) - (P \times 2l) - (P \times l) + (P \times l) + (P \times 2l) = 0$$

$$\therefore V_D = 0$$

《切断して軸方向力 N_A 、 N_C を仮定する》

部材A、部材Cを含んで切断した剛体で力のつり合いを確認する。図のように軸方向力 N_A 、 N_C 、 N_1 を仮定する。このとき、引張力を仮定することにより、計算結果の正負が「+」ならば引張力、「-」ならば圧縮力を表す。

《切断法で軸方向力 N_A を求める》

3つの未知数 N_A 、 N_C 、 N_1 のうち、求めたい N_A 以外の2力 N_C 、 N_1 の作用線が交わるF点を中心に、 $\Sigma M_F = 0$ の式を立てれば、 N_A が求められる。

$$\Sigma M_F = -(P \times l) + (N_A \times l) = 0$$

$$\therefore N_A = +P$$

《切断法で軸方向力 N_C を求める》

3つの未知数 N_A 、 N_C 、 N_1 のうち、求めたい N_C しかY方向の成分を持たないことに着目し、 $\Sigma Y = 0$ の式を立てれば、 N_C が求められる。

N_C のY方向の分力を直角三角形の比(1 : 1 : $\sqrt{2}$)を用いて求めると、

$$\frac{N_C}{\sqrt{2}}$$
 となる。

$$\Sigma Y = 0 \text{ より、}$$

$$-P - P + \frac{N_C}{\sqrt{2}} = 0$$

$$\therefore N_C = +2\sqrt{2}P$$

《切断して軸方向力 N_B を仮定する》

部材Bを含んで切断した剛体で力のつり合いを確認する。図のように軸方向力 N_B 、 N_2 、 N_3 を仮定する。

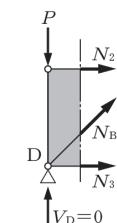
《軸方向力 N_B を求める》

3つの未知数 N_B 、 N_2 、 N_3 のうち、求めたい N_B しかY方向の成分を持たないことに着目し、 $\Sigma Y = 0$ の式を立てれば、 N_C と同様に N_B が求められる。

$$\Sigma Y = 0 \text{ より、}$$

$$-P + \frac{N_B}{\sqrt{2}} = 0$$

$$\therefore N_B = +\sqrt{2}P$$



したがって、 N_A 、 N_B 、 N_C の大小関係は、

$$N_A < N_B < N_C$$

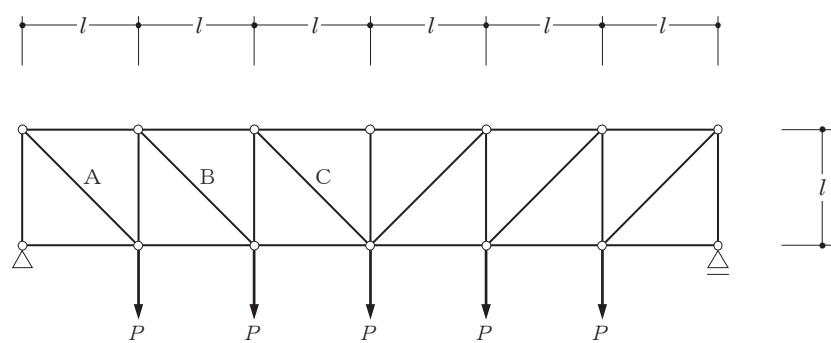
正答は1である。

正答 1

No. 30 静定トラス

A □□□ R0605

図のような荷重を受けるトラスの斜材A、B及びCに生じる軸方向力をそれぞれ N_A 、 N_B 及び N_C とするとき、それらの比として、正しいものは、次のうちどれか。ただし、全ての部材は弾性部材とし、自重は無視する。



	$N_A : N_B : N_C$
1.	1 : 1 : 1
2.	3 : 2 : 1
3.	4 : 2 : 1
4.	5 : 3 : 1

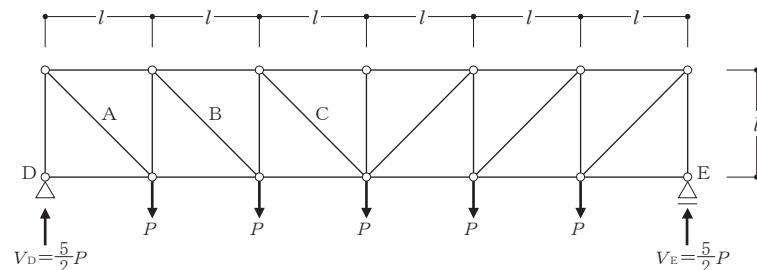
解説

一部材の軸方向力を求めるには、切断法が適している。

《反力を求める》

荷重が対称なので、支点反力 V_D 、 V_E は荷重の合計 $5P$ の $1/2$ となる。

$$V_D = V_E = \frac{5P}{2} \quad (\text{上向き})$$

《部材Aの軸方向力 N_A を求める》

部材Aを含んで切断し、外力の少ない左側に注目し、軸方向力 N_A 、 N_1 、 N_2 を引張力として仮定する。

3つの未知数 N_A 、 N_1 、 N_2 のうち、Y方向の成分を持つのが N_A だけであることに注目し、 $\Sigma Y = 0$ から N_A を求める。

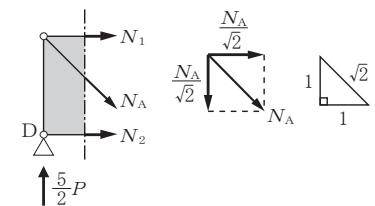
また、 N_A の Y 方向の成分は、三角比から $\frac{N_A}{\sqrt{2}}$ である。

$\Sigma Y = 0$ より、

$$\frac{5P}{2} - \frac{N_A}{\sqrt{2}} = 0$$

$$\frac{N_A}{\sqrt{2}} = \frac{5P}{2}$$

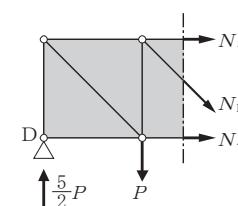
$$\therefore N_A = + \frac{5\sqrt{2}P}{2} \quad (+\text{なので引張力})$$

《部材Bの軸方向力 N_B を求める》

部材Bを含んで切断し、外力の少ない左側に注目し、軸方向力 N_B 、 N_3 、 N_4 を引張力として仮定する。

$\Sigma Y = 0$ より、

$$\frac{5P}{2} - P - \frac{N_B}{\sqrt{2}} = 0$$



$$\frac{N_B}{\sqrt{2}} = \frac{3P}{2}$$

$$\therefore N_B = + \frac{3\sqrt{2}P}{2} \quad (+\text{なので引張力})$$

《部材Cの軸方向力 N_C を求める》

部材Cを含んで切断し、外力の少ない左側に注目し、軸方向力 N_C 、 N_5 、 N_6 を引張力として仮定する。

$$\Sigma Y = 0 \text{ より},$$

$$\frac{5P}{2} - P - P - \frac{N_C}{\sqrt{2}} = 0$$

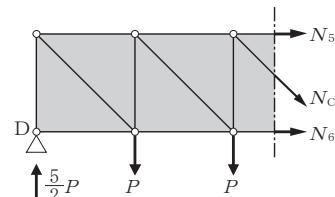
$$\frac{N_C}{\sqrt{2}} = \frac{P}{2}$$

$$\therefore N_C = + \frac{\sqrt{2}P}{2} \quad (+\text{なので引張力})$$

したがって、

$$N_A : N_B : N_C = \frac{5\sqrt{2}P}{2} : \frac{3\sqrt{2}P}{2} : \frac{\sqrt{2}P}{2} = 5 : 3 : 1$$

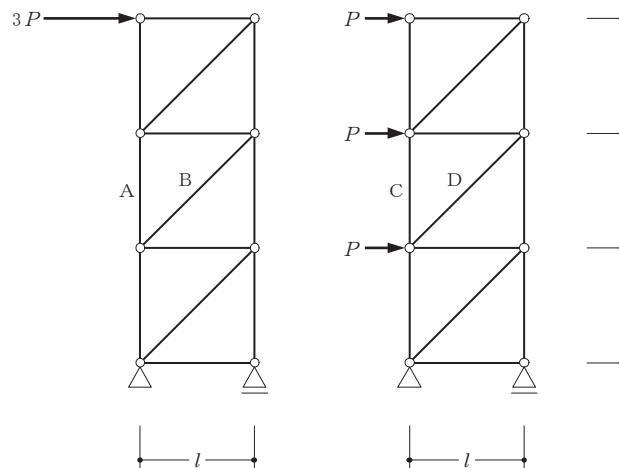
正答は4である。



No. 31 静定トラス

B □□□ R0705

図のような異なる荷重を受ける同一のトラスにおいて、部材A、B、C及びDに生じる軸方向力をそれぞれ、 N_A 、 N_B 、 N_C 及び N_D とするとき、それらの値として、誤っているものは、次のうちどれか。ただし、全ての部材は弾性部材とし、自重は無視する。また、軸方向力は、引張力を「+」、圧縮力を「-」とする。



1. $N_A = + 3P$
2. $N_B = + 3\sqrt{2}P$
3. $N_C = + P$
4. $N_D = +\sqrt{2}P$

解説

支点から離れた一部材の応力を求める場合は、切断法が適している。また、片持系トラスなので、切断後、自由端側（上側）を考えれば支点反力を求めずに効率よく解ける。

部材A、B、部材C、Dを含んで切断し、図のように軸方向力 N_A 、 N_B 、 N_1 及び N_C 、 N_D 、 N_2 を仮定す

る。このとき、引張力として、注目する上側を引っ張る方向に仮定することにより、計算結果の正負が「+」ならば引張力、「-」ならば圧縮力を表す。

《 N_A を求める》

3つの未知数 N_A 、 N_B 、 N_1 のうち、求めたい N_A 以外の2力 N_B 、 N_1 の作用線が交わるE点を中心に $\Sigma M_E = 0$ の式を立てれば、 N_A が求められる。

$\Sigma M_E = 0$ より、

$$(3P \times l) - (N_A \times l) = 0$$

$$\therefore N_A = +3P$$

設問1は正しい。

《 N_B を求める》

3つの未知数 N_A 、 N_B 、 N_1 のうち、X方向の成分を持つのが N_B だけであることに注目し、 $\Sigma X = 0$ から N_B を求める。

また、 N_B のX方向の成分は、三角比

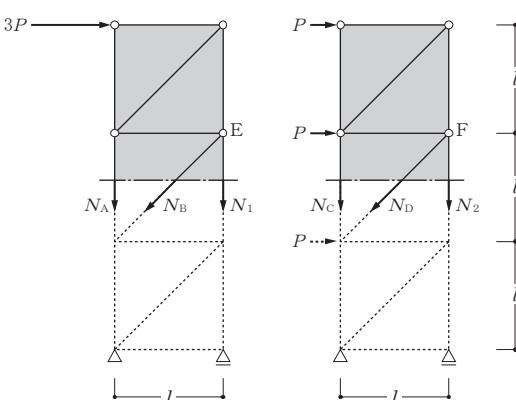
から $\frac{N_B}{\sqrt{2}}$ である。

$\Sigma X = 0$ より、

$$3P - \frac{N_B}{\sqrt{2}} = 0$$

$$\therefore N_B = +3\sqrt{2}P$$

設問2は正しい。

《 N_C を求める》

3つの未知数 N_C 、 N_D 、 N_2 のうち、求めたい N_C 以外の2力 N_D 、 N_2 の作用線が交わるF点を中心に $\Sigma M_F = 0$ の式を立てれば、 N_C が求められる。

$\Sigma M_F = 0$ より、

$$(P \times l) - (N_A \times l) = 0$$

$$\therefore N_A = +P$$

設問3は正しい。

《 N_D を求める》

3つの未知数 N_C 、 N_D 、 N_2 のうち、X方向の成分を持つのが N_D だけであることに注目し、 $\Sigma X = 0$ から N_D を求める。

また、 N_D のX方向の成分は、三角比から $\frac{N_D}{\sqrt{2}}$ である。

$\Sigma X = 0$ より、

$$P + P - \frac{N_D}{\sqrt{2}} = 0$$

$$\therefore N_D = +2\sqrt{2}P$$

設問4は誤り。

したがって、正答は4である。

