

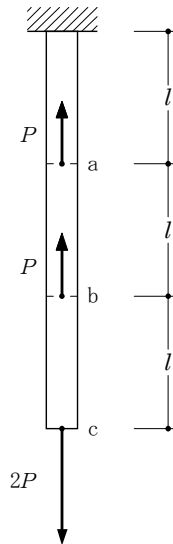
No. 34 軸方向の変位

B

□□□

R0502

図のような断面積が一定で長さが $3l$ の部材において、 a 、 b 及び c の位置における断面の図心にそれぞれ軸方向力 P 、 P 及び $2P$ が矢印の向きに作用するとき、「 $a - b$ 間の軸力」と「 c の軸方向変位」との組合せとして、正しいものは、次のうちどれか。ただし、部材は全長にわたって等質等断面の弾性部材とし、自重は無視する。また、部材の断面積を A 、ヤング係数を E とする。



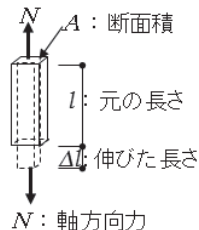
	a - b 間の軸力	c の軸方向変位
1.	P	$\frac{2l}{AE} P$
2.	P	$\frac{3l}{AE} P$
3.	$2P$	$\frac{2l}{AE} P$
4.	$2P$	$\frac{3l}{AE} P$

解 説

ひずみ度 ε に対する応力度 σ がヤング係数 E である。

$$E = \frac{\sigma}{\varepsilon}$$

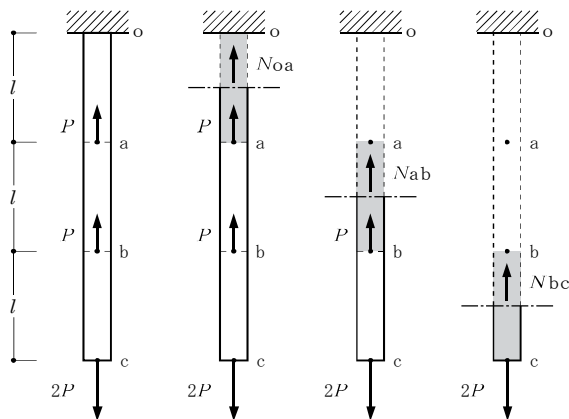
$$\sigma = \frac{N}{A}, \quad \varepsilon = \frac{\Delta l}{l}$$



ここから、変位量（伸びた長さ）の式に置き換えると、

$$\frac{\Delta l}{l} = \frac{N}{EA}, \quad \therefore \Delta l = \frac{Nl}{EA}$$

c 点の軸方向変位 δ_c は、o a 材、a b 材、b c 材の変位量の和となるので、それぞれに生じる軸方向力（図の N_{oa} 、 N_{ab} 、 N_{bc} ）を求めればよい。



《軸方向力を切断法で求める》

各区間の任意点で切断した下側で、 $\Sigma Y = 0$ より軸方向力を求める。

$$N_{oa} = 0$$

$$N_{ab} = P \text{ (引張力)}$$

$$N_{bc} = 2P \text{ (引張力)}$$

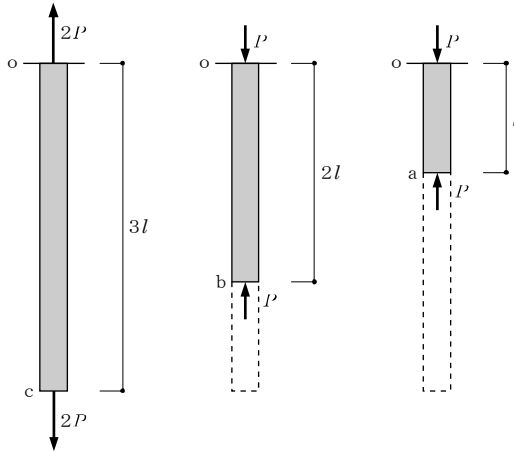
《c 点の軸方向変位 δ_c を求める》

$$\delta_c = \frac{N_{oa} \times l}{EA} + \frac{N_{ab} \times l}{EA} + \frac{N_{bc} \times l}{EA} = \frac{0 \times l}{EA} + \frac{Pl}{EA} + \frac{2Pl}{EA} = \frac{3Pl}{EA}$$

したがって、正答は 2 である。

[別解]

節点 a、b 及び c に作用する軸方向力 P 及び $2P$ による変位をそれぞれ求めて、重ね合わせにより c 点の軸方向変位 δ_c を求める。



以下の計算では、下向きの変位を「+」、上向きの変位を「-」とする。

- ・ c 点に作用する下向き荷重 $2P$ による変位 δ_{c1}

$$\delta_{c1} = + \frac{2P \times 3l}{EA}$$

- ・ b 点に作用する上向き荷重 P による変位 δ_{c2}

$$\delta_{c2} = - \frac{P \times 2l}{EA}$$

- ・ a 点に作用する上向き荷重 P による変位 δ_{c3}

$$\delta_{c3} = - \frac{P \times l}{EA}$$

《c 点の軸方向変位 δ_c を求める》

$$\delta_c = \delta_{c1} + \delta_{c2} + \delta_{c3} = + \frac{2P \times 3l}{EA} - \frac{P \times 2l}{EA} - \frac{P \times l}{EA} = \frac{3Pl}{EA}$$